

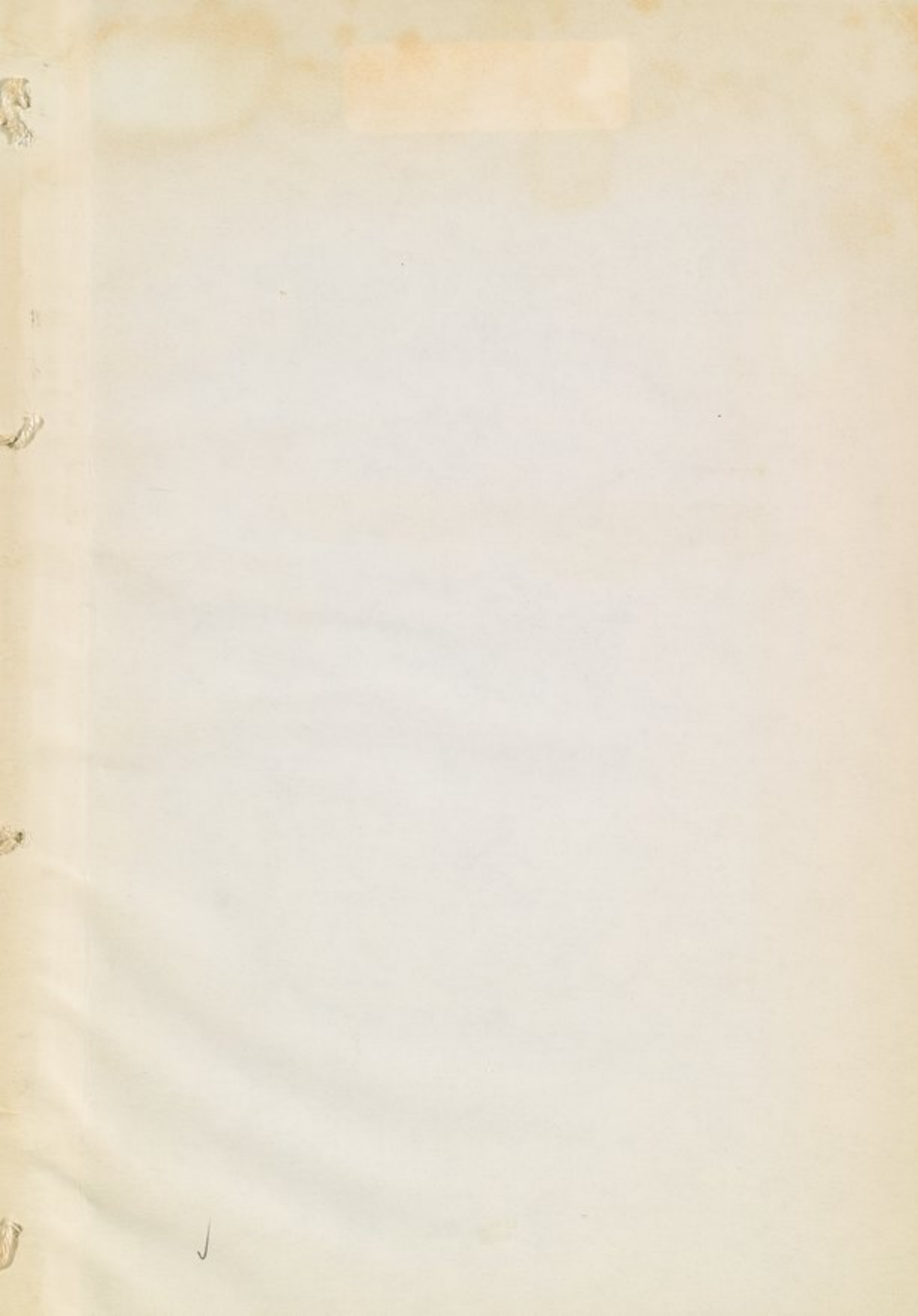
OMAR KHAYYAM

RISALAH FI SHARH MA ASHKALA MIN
MUSADARAT KITAB UQLIDIS

Princeton University Library



32101 076317971



رسالة

في شرح ما اشكل من مصادرات كتاب اقليدس

للحكيم عمر بن ابراهيم الخياي

با كيشه رسالة خطي كتابخانه كوتا

Omar Khayyām

Risālati fī sharḥ...

ناشر

دکتر ت. ارانی

معلم سابق اونیورسیتة برلین

حق طبع از روی این نسخه مخصوص ناشر است

طهران - اسفند ۱۳۱۶

~~~~~  
مطبعة سیروس

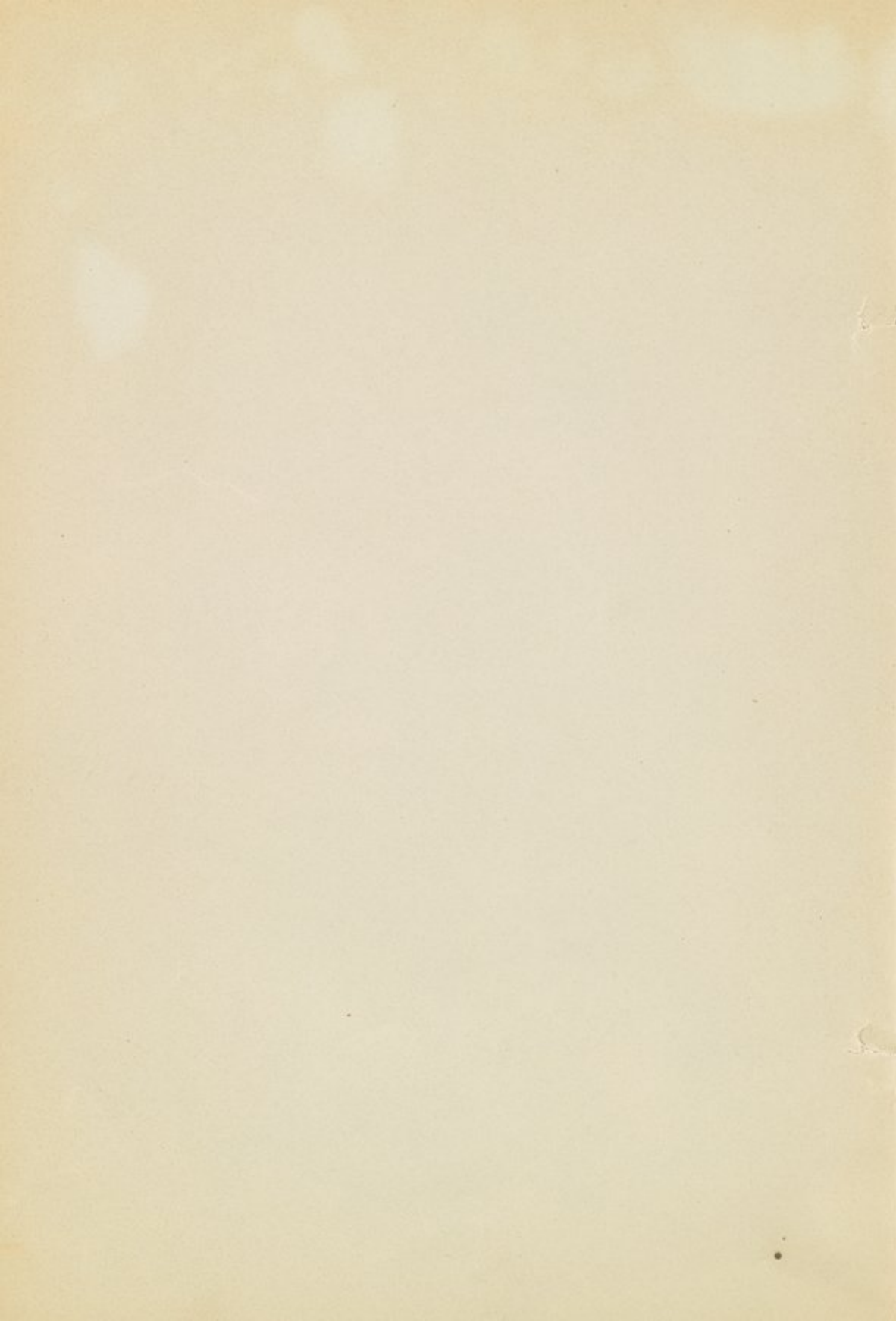
2472

. 377

. 1936

8-20-64  
1965







## مقدمه

### ۱ - نسخهٔ این رساله

آنچه که در کتب مختلف از تألیفات خیام اسم برده میشود عبارتست از:

۱ - رباعیات؛ که بارها بفارسی انتشار یافته. مهمترین چاپ

فارسی یکی چاپ فارسی باهتمام «روزن»<sup>(۱)</sup> و ناشر این رساله و

---

(۱) بجاست که در این رساله ابتدا اسم روزن برده شود.

دکتر «فریدریک روزن» از دوستاناران آثار شرق بود. اگر چه

اشتغال رسمی او امور دیپلوماسی بود و مدتی هم سمت وزارت امور

خارجہ آلمان را داشت و بطور فرعی در فن مستشرقی قدم میگذاشت

معذک کتب مفید انتشار داده است که از آن جمله ترجمهٔ نظمی

رباعیات خیام به آلمانی، رسالهٔ «هاروت و ماروت»، «ایران دریان

و تصویر»، چاپ فارسی رباعیات و غیره میباشد.

چنانکه ذکر خواهیم کرد در انتشار کتاب حاضر نیز کمک

مفیدی کرده است. از ده سال قبل که نگارنده، این رساله را استنساخ

کرده ام تا یکماه پیش این دوست پیر انتظار انتشار رساله را داشت

ولی این وقتی طلوع میکند که او تازه غروب کرده است. میتوان

فهمید که تأثر از این پیش آمد چقدر قلب مرا سنگین نموده است.

چاپ فارسی مزبور رباعیات از روی نسخه‌ای بتاریخ ۷۲۱ هجری

یعنی از روی قدیمترین نسخ خطی رباعیات است.

## II

دیگری چاپ ترکیه<sup>(۲)</sup> است. ترجمه رباعیات نیز بزبانهای مختلف انتشار یافته است<sup>(۳)</sup>.

- ۲ - رساله در جبر و مقابله<sup>(۴)</sup>
- ۳ - زیج ملکشاهی که خیام جزء مؤلفین آنست
- ۴ - رساله در طبیعیات<sup>(۵)</sup>
- ۵ - رساله در وجود<sup>(۶)</sup>
- ۶ - رساله در کون و تکلیف ؛
- ۷ - مقاله در تعیین نسبت طلا و قره در آلیاژ آنها ؛<sup>(۷)</sup>
- ۸ - رساله لوازم الامکنه راجع بتغییر فصول ؛
- ۹ - چند قطعه شعر عربی ؛
- ۱۰ - يك مقاله در رساله روضه القلوب ؛<sup>(۸)</sup>

---

(۲) نشر رضا توفیق فیلسوف با ترجمه ترکی .

(۳) مهمترین ترجمه رباعیات ترجمه « فیتس جرالده » بانگلیسی است که باعث اشتها خیم در ممالک غرب شده است . اهمیت ترجمه آلمانی روزن نظم بودن آن و مطابقت آن با اصل است . ترجمه جدیدی نیز بالمانی انتشار یافته است .

(۲) چاپ پاریس ۱۸۵۱ باهتمام « وبکه » با اضافات بفرانسه .

(۵) بنا بر قول شهرزوری ؛

(۶) این رساله فارسی ونسخه آن در موزه بریتانی لندن موجود است .

(۷) نسخه این مقاله در کتابخانه « گوتا » موجود است عین این

نسخه بوسیله عکس و کلیشه در آخر کتاب انتشار داده شد .

(۸) کشف کریستن زن ؛

### III

۱۱ - مشکلات الحساب<sup>(۹)</sup>

۱۲ - يك مقاله در جنگی که اخيراً در مصر چاپ شده است

و بالاخره ۱۳ - رساله حاضر .

تنها نسخه کامل این رساله در کتابخانه « لیدن » هولاند موجود است . يك قسمت ناقص از مقاله اول آن جزء كتب متفرقه يافت میشود (۲) موقعی که چاپ فارسی رباعیات در برلین از روی قدیمترین نسخ رباعیات طبع میشد ما جدیت کردیم تمام تالیفات خیام دسترس پیدا کنیم . آنچه که در کتابخانه دولتی پروس موجود بود (مانند جبر و مقابله) از آنجا تحصیل کردیم و آنچه در خارج بود بوسائل مختلفه بدست آوردیم مثلاً نسخه رساله کتابخانه « کوتا » راعکسی کردیم که کلیشه آن آخر کتاب چاپ میشود و بكمك کتابخانه دولتی پروس نسخه خطی رساله حاضر را از هولاند برلین آوردیم و در آنجا نگارنده آنرا بسال ۱۹۲۵ استنساخ کردم .

این نسخه بمنزله يك جنگ ریاضیات است . قطع نسخه اصل ۱۵×۱۸ سانتیمتر با اوراق زرد و پاره که شامل رسالات ذیل است:

احکام النجوم از هرمس ،

اختیارات الامام از الکندی

زیج طبلسان ،

استخراج الابعاد بذات الشعبین ( راجع باستعمال پرگار بفارسی

با ۱۲ جدول )

مسائل الجبر و المقابله از ابی کامل بصری ،

ظراف الحساب از همین مؤلف

---

(۹) اسم این رساله را نگارنده در نسخه خطی لیدن پیدا کرده ام ؛

(۱۰) جزء تالیفات خواجه نصیر در کتابخانه سپهسالار طهران .

المسائل الحسابية از ابی زید الفارسی امتحان از ابی حفص السحری  
رسالة حاضر شرح ما اشکل من مصادرات کتاب اقلیدس  
کتاب الجبر و المقابلة از خیام .

جزء فهرست اول نسخه سه رساله نیز اسم برده شده ولی در  
نسخه موجود نیست و آن سه عبارت است از مشکلات الحساب تالیف  
خیام ، الفوائد المتفرقة بالحکمه ، رساله فی دفع الغم من الموت از ابی علی ،  
در ابتدای نسخه تواریخ هجری و یزدجردی ، اسامی  
زیجات شامی ، خافی ، علائی ، قانونی ، قاطر ، فاجر . کامل . ابوالحسن ،  
مجسطی بظلمیوس ، احمد ، محمد ، بیرونی . حامد کوشیار و غیره  
تقسیم ساعات و درجات ، جدول الارث دیده میشود .

من تمام رسالات نسخه مزبور را استنساخ کرده ام و در  
صورت فراهم شدن وسایل مادی بقیه را نیز اشنار خواهم داد .

اما این رساله اهمیت مخصوصی دارد . از نظر موضوع چنانکه  
ذیلا ذکر خواهد شد بواسطه انتقاد از هندسه اقلیدس اهمیت مخصوص  
پیدا میکند یک اختصاص دیگر آن مروط با اهمیت تاریخی خود نسخه است .  
و این اهمیت بواسطه عبارتی است که در آخر رساله نوشته شده است .  
درانجا میخوانید ؛ « و کان بخط الشيخ الامام عمر بن ابراهیم  
الخیامی . . . » « وقع الفراغ من تسويد هذا البياض بیلد<sup>(۱)</sup> فی دارالکتب  
« مناک »<sup>(۲)</sup> فی اواخر جمادی الاولى سنة سبعین و اربع مائه . . . »

(۱) این محل در نسخه اصلی نیز سفید است . تحقیق آن از نظر  
تاریخی مهم است ؛

(۲) هویت این دارالکتب بر نگارنده معلوم نشد . مارکوات  
ایران شناس معروف پس از تفحص زیاد از شناختن آن مأیوس شد .

« تمت الرسالة على يدى مسعود بن محمد بن على الحلقى فى الخامس من شعبان سنة خمس عشرة و سته مائه ... »

از این عبارت واضح میشود که نسخه لیدن از خط خود خیام کمی پس از تالیف کتاب استنساخ شده و چون نسخه حاضر از روی نسخه لیدن چاپ شده پس در حقیقت با واسطه يك نساخ از خط خود خیام بطبع رسیده است و حال آنکه چنین نزدیکی باصل و خط مؤلف در این قبیل نسخ خطی کم دیده میشود . چون کتاب علمى است مصون ماندن آن از دستبرد تصرفات ارزش مخصوصی را حائز است . از يك عبارت دیگر آخر کتاب چنین بر میاید که نسخه سال ۹۴۳ هجرى در جامع سلطان بایزید بوده است .

در پایان این قسمت متذکر میشویم که نگارنده و هر کسبکه باین کتاب ذی علاقه است باید قلباً از « روزن » که در انتقال نسخه بیرلین و کسب اجازه طبع از هلالند اقدام اساسی کرده و شهید زاده که در تحقیق کلمات ناخوانا ، تهیه کلیشه و وسائل طبع و صبر فنى که در تحقیق بعضی معانى و تصحیح و مطابقه مطبعی و تجدید نظر در مقدمه عربى همراهى نفیس کرده اند متشکر باشیم .

اما اهمیت زیاد این رساله وقتى واضحتر میشود که ما موضوع و اهمیت موضوع را در علم جدید امروز بشناسیم . بنابراین در قسمت دوم به بیان اهمیت محتویات رساله میپردازیم .

## VI

### ۲ - موضوع رساله

مقاله اول رساله راجع بمتوازیات ، دوم در باره نسبت و تناسب و سوم در خصوص نسبت مؤلفه است .

در این موقع که هندسه اقلیدس تکان شدیدی خورده است از این سه مبحث مقاله اول که مربوط به هندسه است در بدو امر توجه را خیلی بخود جلب مینماید .

هندسه اقلیدس یکی از شاهکارهای علمی است . هیچ علمی باندازه این هندسه زندگی ثابت و درازی نکرده است . اگر بدقت اصول این هندسه را مطالعه کنیم خواهیم دید با چه مهارتی آن مهندس زبردست ساختمانهای ظریف فکری را بر روی هم بنا کرده و سادگی آن بحدی است که ما آنها تقریباً بدون تغییر هنوز هم در مدارس خود میاموزیم . اگرچه البته تمام جزئیات از خود اقلیدس نیست ولی در هر حال بنای ساختمان کلی عمل اوست . اما این علم درعین اینکه خصوصیاتی دارد خارج از قوانین عمومی نمیتوانست باشد . از همان زمان تولد این هندسه ، نطقه‌های مخالفت با آن نیز تولید شده در جریان سالها و قرن‌ها زیادتر گردیده بالاخره بدست هندسه جدید مکان-زمان دچار بحران میگردد .

اولین آثار مخالفت با هندسه اقلیدس در قرن پنجم میلادی از طرف « پروکلوس » است <sup>(۱)</sup> . این انتقاد پروکلوس بر « پوستولای » توازی است . اما این تعرض مورد توجه واقع نشد . در قرون

---

(۱) وایل در کتاب « زمان - مکان - ماده »

## VII

وسطی فکر تعرض بر همین پوستولا بممالك اسلامی قنود میکند .  
ابن هیثم ( صاحب کتاب معروف مناظر و مرایا ) ، خیام و خواجه نصیر  
بدین نکته توجه مینمایند . ولی این جدیت علمای شرقی در تکامل  
هندسه بی اثر میماند یعنی تا امروز هم که این رساله انتشار می یابد  
مورخین علوم به تعرض خیام و هشت قضیه که او برای رفع اشکال  
پیشنهاد کرده است و همچنین انتقاد خواجه از خیام و جدیت جدید  
او برای بیان اشکال مطلع نیستند . انتشار این رساله این اهمیت مخصوص  
را دارد که مطالعات و تصرفات علمای شرق را در هندسه اقلیدس  
واضح میکند .

باوجود طرق مختلفی که بجهت اثبات قضیه توازی موجود است  
باز هم باید اقرار کرد که در تمام حالات يك جای شك و حالت عدم  
رضایت منطقی برای فکر باقی میماند ولی درعین حال هندسه اقلیدس  
با آنکه بر این پوستولا بنا میشود بنفسه منظم و برای منطق سلیم  
بی تضاد است .

پوستولای توازی در مقابل پوستولا های دیگر هندسه اقلیدس  
خصوصیتی دارد که اگر بدان توجه شود علت عدم پیشرفت متعرضین  
بر قضیه مزبور ( که خیام نیز از آنهاست ) واضح میشود .

اقلیدس نشان داده است که اگر چند قضیه ساده اساس قرار  
داده شود میتوان بوسیله آنها بتدریج از قضایای ساده تر باشکال بفرنج تر  
رقه اثبات قضایای پیچیده را از اثبات قضایای ساده نتیجه گرفت ،  
اما هندسه های جدید که میخواهند مطلق باشند طرز دیگر عمل

## VIII

میکنند. چند اصل کلی را اساس قرارداد با اسلوب قیاس قضایای دیگر را نتیجه میگیرد. از این قبیل است هندسه خطی، هندسه متری و تئوری «مولتیپ لیسته» های ریوان.

مثلاً در ریاضیات جدید بجهت تحقیق خواص منحنیهای درجه دوم ابتدا معادله کلی مقاطع مخروطی را بیان کرده بعد با تحدید تدریجی شرایط دایره، بیضی، سهمی و غیره را مشخص میسازند.

اما کدام يك از دو طریقه صحیح است؟ منطق جامد البته یکی از این دو و مخصوصاً تحت تأثیر ایده تئولوژی اجتماعی ارتجاعی نوع دوم را که طرفدار اصول علوی دور از دست است دو دستی میگیرد ولی دیاك تيك در عین اینکه هر دو را صحیح میدانند بنقص تها یکی از دو طریقه ایمان دارد.

بطور کلی آنچه که در مقدمه يك غلم بیان میشود یکی از حالات: -  
تعریف، پوستولا، بدیهی، اصول موضوعه، مصادره، فرض و تئوری را دارد. تعریف معنی و حد مفهوم ها را معلوم میسازد. پوستولا ادعائی است که امکان عملی کردن آن بدون استدلال قبون شود (مانند قبول امکان ترسیم يك خط بین دو نقطه)، بدیهی حقیقتی است که نمیتوان آنرا ثابت کرد ولی صحت منطقی آن بر هر کس واضح است، مانند «کل بزرگتر است از جزء». اگر يك علم مطالبی را که اثبات آنها بر علم دیگر است وارد کند، در صورتیکه بدون شك و تردید آنها را قبول کند «اصول موضوعه» نامیده میشوند ولی اگر این مطالب با شك و تردید توأم باشند آنها را «مصادره» نامند. اگر يك

## IX

علم برای اثبات مطالب خود قضایائی را موقه بعنوان حقیقت مسلم پذیرفت ولی درصحت دائمی آنها اصرار نداشت آنرا فرض نامند . اگر صحت يك فرضیه بوسائل تجربی بیشتر ثابت شود آنرا ثوری گویند . اقلیدس هندسه خود را با تعریف و پوستولا و بدیهیات شروع میکند .

کتاب اصول ۱۳ بحث است . قبل از این مباحث چند تعریف ، پنج پوستولا و پنج بدیهی بکار برده میشود . از پنج پوستولا یکی همان پوستولاتوم معروف توازی است که بیان میکند : «اگر دو خط را خط ثالثی قطع کند و مجموع دو زاویه داخله واقع در یکطرف قاطع کمتر از  $\pi$  باشد قطعا دو خط اول در يك نقطه تقاطعند» .

خیام باشتباه این پوستولاتوم را مصادره مینامد و در کتاب حاضر برفع اشکال آن میردازد و ما ذیلا در این مقدمه بیان خواهیم کرد که زحمت بیجا کشیده و متوجه خصوصیت این پوستولاتوم در مقابل چهار پوستولاتوم دیگر نشده است . اما پنج بدیهی ابتدای اصول بیشتر مربوط به تساوی و یا عدم تساوی مقادیر هندسی است ، سیزده بحث اصول عبارتند از : ۱ - خط ، مثلث ، متوازی الاضلاع ، کثیرالاضلاع ؛ ۲ - ارتباط کمی در قضایای هندسی ؛ ۳ - دایره و زاویه ؛ ۴ - کثیرالاضلاعهای محیط و محاط ؛ ۵ - نسبت و تناسب ؛ ۶ - تشابه اشکال ۷ - اعداد و تصاعدات ؛ ۱۰ - اعداد اصم ( این بحث کار خود اقلیدس است در صورتیکه در قسمتهای سابق ، ریاضیات فیثاغورث . ادوکس و ته ثوتت دخالت داشته است ) ؛ ۱۱ - ۱۳ مربوط به هندسه فضائی است که ناقص است .

# X

مقدمات یعنی تعریف ها و پوستولاها (آنچه را که ما امروز بدیهی مینامیم اقلیدس گاه جزء تعریف ها و گاه جزء پوستولاها بیان میکند) اولاً مطابق آنچه که اقلیدس قبول میکند نقص دارد یعنی در آنها حد و رسم کامل نیست و گاه زائد دارد مثلاً در تعریف قطر هم عبور از مرکز را قید میکند و هم شرط میکند که دایره را بدو جزء متساوی تقسیم کند؛ ثانیاً از نظر متدولوژی امروز مقدمات اقلیدس ایراداتی دارد که برای فهمیدن آنها نکات ذیل را میتوان متذکر شد: ۱- عددها مقدمات باید حتی المقدور کم باشد، ۲- مقدمات باید یکدیگر باید تضاد منطقی نداشته باشد، مقدمات کتاب اصول این دو شرط را بخوبی دراست؛ ۳- مقدمات باید کاملاً واضح بوده زیاد و کم نداشته باشد. در مقدمات اقلیدس این شرط کاملاً موجود نیست. مثلاً در حکم «کل بزرگتر است از جزء» قید نشده است که این حکم در باره کمیت های محدود ثابت است (در صورتیکه مجموع جمیع اعداد صحیح تا بی نهایت نسبت بمجموع جمیع اعداد زوج تا بی نهایت کل است ولی بزرگتر از آن نیست)؛ ۴- مقدمات باید کافی باشند یعنی باید بتوان بکمک آنها تمام نتایج علمی را بدست آورد. در مقدمات اقلیدس اینطور نیست یعنی در بعضی موارد قضایای اثبات کردنی را بدیهی فرض میکنند. چنانکه از بیان خیام بر میآید او پوستولاتوم توافقی را جزء این قضایا میداند و حال آنکه ایراد مزبور در بعضی موارد دیگر صادق است ولی باختصاص در مورد پوستولاتوم مزبور صادق نیست. چنانکه ذیلاً تشریح خواهد شد اشکال این پوستولاتوم بواسطه خصوصیت آنست،

## XI

اما از مواردی که ایراد مزبور وارد است یکی مورد ذیل است :  
 اگر  $A$  ،  $B$  و  $C$  سه نقطه از خطی باشند و  $B$  بین  $A$  و  $C$  باشد بین  $C$   
 و  $A$  نیز خواهد بود ، ۵ - مقدمات با هم بایستی يك دستگاه متحد-  
 الشکل منظمی تشکیل دهند یعنی توان یکی را حذف یا بجز دیگری  
 تبدیل نمود و الا این عمل باعث خرابی تمام دستگاه علم مزبور گردد  
 اگر با حذف و تبدیل مزبور نتایجی بدست آید که با نتایج حالت  
 قبل متفاوت بوده در عین حال از نظر منطق غلط نباشد در اینحال  
 باید قبول کرد که ممکن است چند نوع هندسه موجود باشد که تمام  
 در عین حال صحیح و منطقی باشند . اقلیدس باین نکته توجه نکرده  
 بوجود فقط يك نوع هندسه معتقد است ولی در عین حال يك عمل او با  
 این عقیده وی تضاد دارد مثل اینکه وجود انواع دیگر هندسه را  
 احساس نمیکرده است و آن عمل اینست که حکم «از يك نقطه واقعه  
 در خارج خط يك خط و فقط يك خط میتوان بموازات خط اول  
 رسم کرد» - را بعنوان يك پوستولاتوم جدید بیان میکند و حال آنکه  
 اقلیدس .یتوانست این حکم را از تعریفات خط و سطح و زاویه بعنوان  
 يك قضیه نتیجه بگیرد . بعد از اقلیدس عده خواسته اند این حکم را  
 که اقلیدس بعنوان فرض ثابت شده قبول کرده است اثبات نمایند و  
 منطقیاً در این عمل خود ذبحی بوده اند جز اینکه اقدامشان بی نتیجه  
 مانده است . جدیت های ابن هیثم ، خیام و خواجه نصیر را نیز باید  
 جزء این اقدامات بی نتیجه محسوب داشت.

تحقیقات جدید علم در قرن نوزدهم نتایج بسیار مهمی بخشید

## XII

و واضح شد که حکم مزبور را میتوان از جزء مقدمات خارج کرد و بقیه مقدمات بجهت بنای يك هندسه کامل منطقی کافی است جزاینکه هندسه که بدین ترتیب تشکیل میشود با آنکه منطقاً صحیح است و عملاً هم فائز نبوده بر روی معلومات خط و سطح و زاویه بنا میشود معذلك ادراك حسی آن برای بشر مشکل است (هندسه لوباجفسکی و ریمان). از اینجا واضح میشود که میتوان قبول کرد اقلیدس حکم مزبور را نمیتوانسته است جزء قضایا قرار دهد عمداً جزء مقدمات پذیرفته است بدون این که منسوجه ریشه مهم این موضوع یعنی وجود انواع مختلفه هندسه باشد،

با وجود نکاتی که ذکر شد هندسه اقلیدس يك نمونه کامل علم دقیق و يك بنای محکم منطقی است که سرمشق قرار گرفته است.

نیز تذکر میدهم که هندسه اقلیدس منطقی ولی جامد است یعنی از اثبات بوسیله احساس و ادراك و یا انطباق و حرکت اشکان خودداری میکند. نیز مفهوم بی نهایت هندسی در آن وجود ندارد.

اشاره کردیم که پوستولاتوم نوازی هندسه اقلیدس خصوصیتی دارد. از کسانی که خواسته اند اشکال عدم توافق آن را با سایر پوستولاها بر طرف کنند یکی «هیبرت» است که بجهت پوستولاها درجات قائل شده است بترتیب ذیل: ۱ - نقطه، خط، سطح؛ ۲ - وقوع در بین (اگر نقطه B بین A و C واقع باشد هر سه روی يك خطند)، ۳ - پوستولاتوم انطباق و تساوی شکل، ۴ - پوستولای نوازی و ۵ - پوستولای توالی. هندسه هیبرت بمراتب بفرنج تر از

### XIII

هندسه اقلیدس ولی از نظر ترتیب منطقی پوستولاها محکمتر است .  
 تمام کمائیکه باثبات پوستولاتوم نوازی دست دراز کرده اند  
 درحقیقت خواسته اند باین سؤال جواب دهند : « میتوان پوستولاتوم  
 نوازی را از چهار پوستولاتوم دیگر نتیجه گرفت ؟ میتوان ثابت کرد  
 که ممکن است هندسه متضاد و یا منطبق طوری بنا شود که در آن  
 چهار پوستولاتوم بعنوان مقدمه باقی مانده و یک پوستولاتوم باقی به  
 پوستولاتوم متضاد ذیل که لوباجفسکی پیشنهاد میکند مبدل گردد :  
 « از یک نقطه A واقع در خارج خط B و روی سطحی که شامل هر  
 دو است ، میتوان بی نهایت خط مرور داد که خط اولی را قطع  
 نکند . تمام این خطوط غیر قاطع در داخل زاویه قرار دارند که  
 رأس آن در A است و زاویه نوازی نام دارد » می توان بکمک  
 « تئوری تعدد » (مولتیپلیسیته) ریمان ثابت کرد که با دستگاه جدید  
 پوستولاتوم ها میتوان هندسه که نمونه کامل تضاد باشد ثابت کرد .

چنانکه میدانیم واحدخطی  $\mu$  که «تعدد ریماتی» باشد عبارتست از

$$da' = \frac{dx^2 + dy^2 + dz^2}{(R^2 - x^2 - y^2 - z^2)}$$

هر نقطه M از این تعدد با یک نقطه P از فضای اقلیدس نظیر  
 میباشد که صورت کسر طرف ثانی نموی مختصات آنرا نشان میدهد. جمیع  
 نقاط M از تعدد  $\mu$  نظیر نقاط P از فضای اقلیدسی میباشد که داخل  
 کره  $R^2 = x^2 + y^2 + z^2$  (از همان فضا) قرار دارند .

هندسه ریمان که اختصاص آن از رابطه سابق معلوم میشود تمام  
 قضایای هندسی را میتواند بمعادلات تبدیل نماید . این هندسه راجع

## XIV

به حرکت انتقالی و انطباق اشکال نیز فورمولها و دستورات مخصوص خود را داراست. بكمك اين دستورات ميتوان ثابت كرد كه در اين هندسه، پوستولاتوم معمولی توازی به پوستولاتوم سابق الذکر لوباجفسکی مبدل میشود.

برای اثبات، فرض مینمائیم که در يك فضای اقلیدسی کره  $\Sigma$  کره دیگر  $S$  را بحالت اورتو کونال مطابق دائرة  $C$  قطع کرده باشد. روی کره  $\Sigma$  بی نهایت دائرة وجود دارد که نسبت به  $S$  اورتو کونال میباشند این دوائر دائرة  $C$  را بحالت اورتو کونال قطع می نمایند. فرض کنیم  $\gamma$  چنین دائرة باشد. از يك نقطه  $P$  که روی کره  $\Sigma$  خارج دائرة  $\gamma$  است میتوان روی کره مزبور دو نوع دوائر اورتو کونال نسبت به  $C$  رسم کرد که یکدسته از آنها با  $\gamma$  قاطع و دسته دیگر غیر قاطع باشند. این دوائر بوسیله دوائر  $\gamma''$  و  $\gamma'$  که با  $\gamma$  در نقطه واقع بر  $C$  مماسند جدا شده اند. وجود دوائر بی نهایت زیاد غیر قاطع با  $\gamma$  که از  $P$  میگذرند حکم سابق الذکر لوباجفسکی است.

در هندسه جدید که تئوری توازی در آن تغییر کرده است عده از مفهومات از میان میرود مانند مفهوم « حامل آزاد » و مثلثات متشابه، و حرکت انتقالی که جزء یکدسته از انواع تغییر محل در هندسه معمولی بوده در هندسه لوباجفسکی محلی برای این نوع باقی نمیماند. منی تقسیم بندی انواع تغییر محل در دو هندسه یکی نیست.

بعضی مانند « کیلی » و « سوفوسلی » جدیت کرده اند که دستور کلی برای انواع دستگاههای هندسه بدهند که هندسه اقلیدس و لوباجفسکی

## XV

و ریمان قیاسا از آن نتیجه شود

تدوین و مطالعه چنین هندسه ها مهارت ، مدت و زحمت زیاد لازم دارد. اقلیدس بابك مسامحه ظاهراً عمدی فرمانروائی هندسه ساده خود را که هنوز ادامه دارد برای قرن‌ها مسلم میکنند .

ما در این مشروحات جدیت کردیم که واضح شود پوستولانوم توازی چه خصوصیتی دارد و خلاصه مشروحات گذشته اینست که پوستولانوم توازی را میتوان از چهار پوستولانوم دیگر نتیجه گرفت و لزومی ندارد که جزء مقدمات آید ، با وجود این اقلیدس آنرا جزء مقدمات ذکر کرده است .

تحقیقات دقیق نشان داده است که این امر را نمیتوان اشتباه اقلیدس فرض کرد زیرا واضح شده است که اگر پوستولانوم توازی را از جزء مقدمات خارج کنیم مجبور خواهیم شد دستگاہای بغرنج و غیر طبیعی هندسی تشکیل دهیم و از اینجا باید نتیجه گرفته شود که اقلیدس بطور مبهم متوجه این عمل مهم خود بوده است .

از این بیانات اهمیت پوستولانوم معروف و از آنجا ارزش این رساله و اهمیت انتشار آن و مقام علمی خیام که بدان تعرض کرده است واضح میشود حال توجه کنیم خیام يك عالم شرقی با چه اسلحه دست دريك شاهکار علم و مند یونانی میرد و از این نبرد باچه وضعی بر میگردد . چنانکه ملاحظه میشود این کتاب سه مقاله دارد . در مقاله اول خیام مترض شك در متوازیات شده است . در مقاله دوم بحث در حقیقت نسبت و تناسب مقداری کرده و آنچه را که در مقاله پنجم از

## XVI

طریق هندسی بیان شده است ناقص دانسته و يك تحقیق فلسفی را در این مورد لازم می‌شمرد. در مقاله سوم این رساله خیام به لزوم استدلال حکم ذیل متعرض می‌شود:

« از سه مقدار نسبت اول و سوم از تألیف نسبت اول و دوم و نسبت دوم و سوم تولید می‌شود. » و این مقاله راجع به نسبت مؤلفه است. موضوع دو مقاله اخیر از نظر علمی اهمیت مقاله اول را ندارد و چندان قابل بحث نیست زیرا مسائل آن دوم مقاله از نظر علوم ریاضی امروز حکم حل شده را دارد. ولی موضوع مقاله اول این رساله هنوز در جدیدترین کتب ریاضی عالی هم مبحث مفصلی برای خود اشغال می‌کند و از اینجهت ما مخصوصا بدان توجه می‌کنیم.

اولا توجه کنیم که خیام اولیات، اصول موضوعه و مصادرات را از استدلال بی‌نیاز میداند ولی تعریف موضوع علم و مقدمات مزبور باید ثابت شود. بعد خیام اشاره به بعضی نواقص کتاب اصول می‌کند در این موضوع حق دارد و ما در صفحات گذشته چند مورد واضح را بیان کردیم. اما خیام بزودی بر ضد عقیده خود ایراد می‌کند که چرا صاحب اصول مصادرات را ثابت نکرده است؟ (صفحه ۲ مه سطر آخر). بعد خیام متعرض پوستولام تلاقی خطین می‌شود (صفحه ۳) و آنرا نیز مصادره مینامند. مطابق تعریف های گذشته میدانیم که این پوستولاتوم مصادره نیست، خیام در این تسمیه اشتباه می‌کند. میگوید متاخرین متوجه این پوستولاتوم نشده اند و حال آنکه ما اشاره کردیم از همان قرن پنجم میلادی متخصصین متعرض پوستولاتوم شده اند. از اینجا واضح می‌شود خیام تمام علوم یونانی آشنا نیست بعد عده را اسم می‌برد که

## XVII

اقدام بر رفع اشکال، موقوف کردند و موفق نشدند. سپس متوجه ابن هیثم  
 میشود که خواسته است ثابت کند پوستولاتوم جزء مبادی است و محتاج  
 برهان نیست. اگرچه تمام ایرادات خیام بر ابن هیثم وارد نیست  
 ولی در این مورد حق دارد زیرا چنانکه سابقاً گفته شد پوستولاتوم  
 در حقیقت محتاج استدلال است، خیام میگوید اقلیدس در سایر  
 موارد نیز (مانند مجسمات) عده قضایائی را که محتاج برهانست  
 استدلال نکرده ولی چون پوستولاتوم جزء مبادی مهم است ما بدان  
 متعرض میشویم. در این مورد نیز خیام حق دارد. زیرا ما اهمیت  
 پوستولاتوم را از مشروحیات گذشته فهمیدیم. اما خیام عقیده دارد  
 که علت غفلت اقلیدس اعتماد او بر مبادی است که از حکمت گرفته  
 است. در این مورد خیام کاملاً در اشتباه است و مقام اقلیدس و خصوصیت  
 این پوستولاتوم را بطور واضح نشناخته است. خیام تعجب کرده است  
 که چرا اقلیدس مطالب سهلتر را ثابت کرده ولی در مورد پوستولاتوم  
 (باصطلاح وی مصادره) برهان غیر شافی قناعت کرده است، این  
 تعجب خود کافی بود که بخام جواب داده او را متوجه اهمیت پوستولاتوم  
 کند ولی او این امر را غفلت اقلیدس نداشته و از غفلت خود خبر  
 نداشته است. بواسطه همین عدم توجه است که خیام پوستولاتوم را  
 اساساً مصادره مینامد زیرا تصور میکند که علت عدم اقدام باثبات آن  
 اعتماد بر مبادی مأخوذه از حکمت است.

اما راهی که خیام برای رفع اشکال می پیماید بترتیب ذیل است:  
 ۲۸ قضیه اول کتاب اصول را غیر محتاج بتغییر میداند و در این رساله  
 ۸ قضیه از خود بیان و پیشنهاد میکنند که قضیه اول او را قضیه ۲۹  
 اقلیدس بداند. بزعم خود در این ۸ قضیه اشکال را برطرف میکند

## XVIII

بقسمیکه قضیه ۲۹ اقلیدس که شامل متوازیات است دیگر هیچ مقدمه استدلال نشده را بکار نخواهد برد. هر کس مشروحات گذشته این مقدمه را فهمیده باشد این شروع خیم را با يك تبسم تلقی کرده و يك خنده هم برای موقع واماندن خیم در وسط راه نگاه خواهد داشت. قضیه اول خیم خوبه بت میشود، بعد دوم و پس از آن قسمت اول قضیه سوم. از اینجا بپس خیم اشکال کاروسنگینی بار را احساس میکند. میگویدا کردو خط مستقیم يك مستقیم دیگر را با دوزاویه قائمه قطع کنند محال است از هم دور شوند و این مطلب که از مبادی فلسفه ظاهر است (صفحه ۱۲ سطر ۱۸). بعد يك سلسله مطالب دیگر را هم «با ادنی تأمل و بحث» خودت میفهمی (صفحه ۱۲ سطر آخر). بعد گفته میشود این مطلب آسان را هم استدلال نکردیم که مطلب دراز نشود (صفحه ۱۳ سطر ۳). خلاصه همان مطلبی که باید ثابت شود با انشاء الله و ماشاء الله مخصوص شرقی برگذار میشود.

اما در عین حال گویا خیم متوجه مغلطه کاری خود میشود. زیرا در عین اینکه میخواهد از تطویل دوری کند - مثل ادبا که تا در شعری که شاهد مثالی است اسم سمع و بصر پیدا شود تشریح و فیزیولوژی و بسیکولوژی دیدن و شنیدن را شروع کرده موضوع اصلی را از بین میبرند خیم نیز - بمثل و قسم و آیه متوسل میشود. در وسط يك قضیه هندسی که باید منطقی مطابق ادعای خود وی ثابت شود یکدفعه قضیه ۳۶ از مقاله ۶ را بيمورد شاهد مثال قرار میدهد، بعد مطلب را بزعم خود از راه فلسفی ثابت میکند و با اهانت میگوید که من برای خاطر اشخاص کم فهم این کار را کردم. خلاصه آنچه که از تمام موضوع نکته اصلی ظریف و مهم است در اینجا گاه بزور خواهش و تشجیع و گاه بزور مثل و گاه بكمك طعنه تحمیل میشود. از آن

## XIX

بیمد دوباره قضایا حالت آرامش و علمی خود را گرفته و در قضیه هشتم شك معروف را ثابت شده می پندارد .

اگرچه خيام بوسیله این رساله در خود و جمعی القاء شبهه کرده است ولی این اشکال تا امروز هم باقی مانده هنوز هم با آنکه اشکال بوسیله هندسه ربمان و لوباجفسکی حل شده است باز همان طریقه ساده اقلیدس با وجود يك مسامحه کاری ( که نمیتوان آنرا اشتباه صد درصد نامید ) بقوت خود باقی است .

در عین حال باید تذکر داد که توجه خيام هم باین موضوع بنفسه مهم بوده ارزش علمی او را بما ثابت میکند .

در اینجا تذکر میدهم خواجه نصیر الدین نیز متعرض موضوع و همین رساله خيام شده است ، تصمیم بر این بود که اگر کمکی شود آن رساله را هم انتشار داده در اطراف آن نیز بحثی کنیم ولی مجبوریم که این اقدام را بدوره دیگری بگذاریم و بگذریم .

آنچه که بطور کلی از کتب علمی قرون وسطی برمیاید اینست که در قرون وسطی علم شرقی از حد علم یونانی تجاوز نکرده و جز تألیفات بوعلی سینا کتب دیگر اثری در تکامل علوم در قرون جدید غرب نداشته اند .

طهران بهمن ماه ۱۳۱۴

ت : ارانی

## مقدمة العربي

ان هذا الكتاب هو من اهم مؤلفات للعلوم الرياضيه للعالم الشهير  
الحكيم ابو الفتح عمر بن ابراهيم الخيامي ينشر الان لأول مره .

اما اهمية خيام و مؤلفاته الرياضيه فمعروفة لدى الجميع و لذا لا اريد  
اطالة الشرح فى هذا الموضوع بل اتى اقتصرا على بعض النقاط المهمه منه  
ولد الحكيم فى مدينة نيشابور (١) من اعمال خراسان و كان كامل  
التجربه فى علوم زمانه كالفلسفه و الطب و الرياضيات و غير ذلك و لا-  
سيما علم الهيئة و النجوم و قد اصالح تقويم الفارسى و سماه تاريخ الجلالى  
نسبة لجلال الدين ملكشاه السلاجوقى سلطان ذلك العصر . و هذا التقويم  
المستعمل فى عصرنا هذا فى ايران اكثر دقة من تقويم الذى اصالحه  
« غره غوريوس » و المستعمل الان عند المسيحيين عامة .

و يرجع اشتهار الحكيم خيام الى رباعياته (٢) التى اشتهرت كشاعر  
مع انه فيلسوف عظيم قد بين عن احساساته و شعوره و آرائه الفلسفيه  
فى هذه الرباعيات .

و تحتوى هذه الرباعيات فى اصلها شكوة على ما كان يشعر له-  
الحكيم من اليأس و الضعف البشرى عن فهم الحقايق العميقه فى الوجود

(١) و حسب عقيدة « غوليوس » العالم الهولاندى فى لوكر و يشير هذا  
الى صحة عقيدته الى ما كتب فى « كتاب التحفة الشاميه فى الهيئة » من  
قطب الدين و هو : . . . . و السبب فيه انه اجتمع فى حضرته جماعة  
من الحكماء و منه الحكيم الخيام الحكيم اللوكرى و غيره و هم .  
(٢) الرباعى هو شعر مركب من اربعة مصاريع اولها و ثانيها و رابعها  
متناسبو القافيه و وزن كل مصراع على وزن لاهول و لا قوة الا بالله.

## XXI

و الخليفة و كى يخفف على قلبه الذى ملاه اليأس حزناً و كرباً عزم الى وضع رباعياته المشهورة التى قدم بها للعالم حياة سرور و طرب و وصف فى ابيانه الخمر وصفاً يعجز عنه ادباء العالم .

تدل بعض اشعاره و مقدمة مؤلفه « الجبر و المقابلة » انه كان فى آخر حياته حزيناً كثيراً كما نفهم من اشعاره العربية النادرة التى يلى احدها :

زحيت دهرأ طويلا فى التماس اخ      يرعى ودادى اذا ذو خلة خانا  
فكم الفت و كم آخيت غير اخ      و كم تبدلت بالاخـ وان اخوانا  
و قالت للنفس لما عجز مطلبها      بالله لا تألفى ما عشت انسانا  
و قد ترجمت رباعياته الى كل اللغات المتعدنة و اشهرها الترجمة الانجليزية بقلم « فينس جرالـد » التى اشتهرت فى ممالك المتعدنة فى درجة شاعر الانجليزى والترجمة الالمانية التى يطابق نظمها الاصل تماماً بقلم المستشرق المشهور الالمانى « روزن » . وفات الخيام فى سنة ٥١٧ هجرى قمرى .

وتحقيق دقيق فى شرح حاله ما ناله الصيرفى فى كتابه الفارسى الذى لم يطبع (السمى بتاريخ الفلاسفه) و هو عرب ما قاله و نحن نورد كلامه بغير تغيير منا فى عبارته: «... هو الحكيم الاديب والفيلسوف الرياضى فاق اقرانه بتحقيقاته العميقة وسبق امثاله بتدقيقاته الرشيقه ولد فى نيسابور و مات بها بعد وروده من الحج فى سنة ٥١٧ و تفرق الناس فى امره اياذى سبا من محب غال و مبغض قال ومتوقف لا يدرى كيف كان امره فمحبوه ينسبون اليه كل ما اعتقدوه كمالا و يضعونه فوق ما كان عليه و ينشدون له .

عجز النساء و ما ولدن بمثله      و لقد اتى فعجزن عن نظرائه

## XXII

و مفضوه يستقلونه جداً و ينظرون اليه شزراً و يشرقون من ذكره  
اذا انت اعطيت السعادة لم تبذل و ان نظرت شزراً اليك القبائل  
فلا بدلنا من تفتيش حاله والكشف عن مقاله ليرتفع الجدل من البين .  
فاعلم ان المنفكرين حسب تربيتهم و ملاءمته يبتهم و عوامل-  
الاجتماعية فى اقليمهم على قسمين اهل الشك او اليقين والمراد بالشك  
هنا انهم لا يدرون هل للعالم واقعيه ام لا و اهل اليقين ايضا اما على جزم  
بان للعالم الخارجى حقيقة و واقعية و اما على يقين بعدم حقيقة والذين  
يعتقدون بواقعية الكون ينشعبون على ثلث شعب الهى و مادى و متحير  
بين الالهية و المادية اما الالهون ايضا على ثا فرق رجل متكلم يريد  
ان يبرهن على كل ما سمعت اذنه و جاء به قائده ر لا راي له مستقلا  
وهو كالمعنى الحرفى لا يوجد الاتباع او كالوجود الرباطى لا يحقق لانطقلا  
و رجل صوفى سالك سبيل العشق و ناهج طريق الشوق لا يذعن الا  
بما وافقه كشفه و ذوقه و رجل فيلسوف الهى يسلك سبيل العقل و لا  
يقبل الا ما حكم به عقله و ايده حدسه و برهانه و اكمل الفلاسفة برهانا  
و امثلهم طريقة حكماء المشاء التابعون لارسطاطليس كما ان اكمل -  
الماديين مادى دبالك تيك و التحير اقرب الى المادية من الالهية  
والذين يحسبون الخيام صوفياً او فيلسوفا دهرى او الهيا لقد خبطو  
خط عشواء و ضلو ضلالة عمياء واشتبه عليهم الامر اشتباها عظيما والذى  
لا ارياب لنا فيه هو ان الخيام قد خرج من ربة التقليد و سلك سبيل  
الفلسفه ولكن تحير تحيراً عظيماً الى آخر دهره و ختام عمره فلم  
يصل الى اليقين طرفة عين ابدأ و الشاهد على ما نقول اياته السائر و  
رباعياته المشتهره فترى انه قد يومن و قد يكفر و تارة يتوب من عمائة  
و ساعة يستهزء بالحشر و يزيد فى غوايته فهذا حق الكلام فمن شاء  
فليؤمن و من شاء فليكفر .....

## XXIII

### و مؤلفات الحكيم عمر خيام :

(١) رباعياته ؛ (٢) رسالة في الجبر و المقابلة التي نشرت لأول مرة في باريس سنة ١٨٥١ باهتمام « وبكه » ؛ (٣) زيج ملكشاهي في علم الفلك منه و من غيره ؛ (٤) رسالة مختصرة في الطبيعيات<sup>(٢)</sup>؛ (٥) رسالة في الوجود باللغة الفارسية<sup>(٤)</sup>؛ (٦) رسالة في الكون وتكليف (٧) رسالة في الاحتيال لمعرفة مقدار الذهب والفضة في جسم مركب منهما<sup>(٥)</sup> (٨) رسالة مسماة بلوازم الامكنة في التغيير الفصول و المناخ في البلدان والاقاليم المختلفة ؛ (٩) اشعاره العربية النادرة الوجود ؛ (١٠) قسم من رسالة روضة القلوب<sup>(٦)</sup> ؛ (١١) مشكلات الحساب ( حسب ناشر هذه - الرسالة ) ، (١٢) كتابنا هذا في شرح ما اشكل من مصادرات كتاب اقليدس توجد نسخة الوحيدة من هذا الكتاب في « لندن » بهولاند و سمحت لي الظروف ان تبقى هذه النسخة يدي منذ ايام فاستنسختها تماما

فاما نسخة المذكورة فحجمه مربع مستطيل  $١٨ \times ١٥$  ساتي مطر ممزقة الاوراق الصفراوية و هي بسيط جداً . تحتوي مؤلفات الرياضيه للمؤلفين المختلفه و في اوله مكتوب :

فهرس ما في هذا الدفتر من الكتب :

احكام النجوم من قول هرمس ، اختيارات الامام للكندي ، زيج طباسان ، استخراج الابعاد بذات الشعبين ( باللغة الفارسي مع ١٢ جدول)

مسائل الجبر و المقابلة  
ظرائف الحساب  
من ابي كامل بصري

المسائل الحسابيه من ابي زيد الفارسي امتحانا من ابي حفص السحري شرح ما اشكل من مصادرات كتاب اقليدس من ابي الفتح الخيامي ،

(٣) ما يقوله شهر زوري .

(٤) نسختها موجودة في دار الانار البريطانيه في لندن .

(٥) نسختها في مكتبه كوتا بالمان و طبع عنها في برلين طبع ١٩٢٥ ميلادي

(٦) كشفها « كريستن زن » في مكتبه باريس ،

## XXIV

كتاب جبر و المقابلة له ، مشكلات الحساب له ، الفوائد المتفرقة -  
الحكمية من انواع الشتى ، رسالة من ابي على فى دفع الغم من الموت  
و اما الرسائل الثلاثة الاخيرى غير موجوده فى النسخة المذكورة آنفا  
ويزيد فى اهمية هذه النسخة الجملة الاخيرى من رسالة فى شرح ماشكل  
وهى : « وكان بخط الشيخ الامام عمر بن ابراهيم الخيامى » مكتوب  
فى آخر هذه الرسالة وقع الفراق من تسويد هذا البياض بيلد (٧) فى دار-  
الكتب منك (مفاك ؟) . فى اواخر جمادى الاولى سنة سبعين واربعمائة  
تمت الرسالة على يدى مسعود بن محمد بن على الحفرى فى الخامس  
من شعبان سنة خمس عشرة و سته مائة « التى تدل على ان الناسخ  
قد نقلها رأسا عن خط المؤلف ٤٧٧ عاما بعد وفات الحكيم . وتحقيق  
موقع مدينة ( ؟ ) (١) ودارالكتب منك فيها اهمية لا يدرك ترك  
استثمارها للجغرافيين والمؤرخين ونسختى هذه التى نقلتها بتاريخ ١٨  
اغسطس ١٩٢٥ تكون حفيذة الاصل .

و نقرأ فى آخر الكتاب لجملة التالىة : « استعارها من الزمان -  
الفقر الى الرحمن المحمد الموقف فى جامع ساطان بايزيد طاب ثراه  
سنة ٩٤٣ هجرى »

مما يدل على ان نسخة ليدن وجدت عند شخص عائش فى الاستانة .  
و تحوى الصفة الاولى من الكتاب على دوائر مختلفة و يليه  
تواريخ الهجرى يزدجردى و غيره .

و اسامى زيجات شامى ، خافى ، علائى ؛ قانونى ، فاطر ، فاخر  
كامل ، ابوالحسن ، بطليموس ، محسبى ، احمد ، محمد ، بيرونى....  
حامد كوشيار و غير هم . و تقسيم ساعات و درجات و جداول الارث  
وجائنا ان نشر هذا الكتاب وهو آخر كتب الحكيم الخيام ولم تنشر  
ابداً سيرجع على العلم به الفائدة المرغوبة . برلين اغسطس ١٩٢٥

رسالة في شرح ما اشكل من مصادر  
كتاب اقليدس  
ثلاث مقالات

تصنيف الشيخ الامام الاجل حجة الحق ابي الفتح  
عمر بن ابراهيم النخاس

بسم الله الرحمن الرحيم

الحمد لله ولي الرحمة والانعام والسلام على عباده الذين اصطفى  
و خصوصاً على سيد الانبياء محمد وآله الطاهرين اجمعين .  
ان تحقيق العلوم و تحصيلها بالبراهين الحقيقية مما يفترض على  
طالب النجاة و السعادة الابدية و خصوصاً الكليات و القوانين التي يتوصل  
بها الى تحقيق المعاد و اثبات النفس و بقائها و تحصيل اوصاف واجب الوجود  
تمالي جده و الملائكة و ترتيب الخلق و اثبات النبوة السيد المطاع ينـ.  
الخلق الامر و الناهي اياهم باذن الله تعالى بحسب طاقة الانسان .  
و اما الجزئيات فغير مضبوطة و اسبابها غير متناهية فلا تحيط بها هذه القولـ .  
المخلوقة اصلاً و ليس يعرف منها الا ما يقتضى بالحس و التخيل والوهم .  
و الجزء من الحكمة الموسوم بالرياضى اسهل اجزائها اداراً كما تصوراً و  
تصديقاً معاً : اما العددي منه فامر ظاهر جداً و اما الهندسى فلا يكاد يخفى

منه شئى أيضاً على السليم الفطرة الثاقب الرأى الجيد الحدس. وهذا الجزء من بين اجزاء الحكمة له منفعة الرياضة و تشجيد الخاطر و تعويد النفس الاشتمزاز عما لا يكون عليه برهان و ذلك لقرب ماخذه و سهولة براهينه و معاونة التخيل العقل فيه و قلة خلاف الوهم آياه و معلوم من كتاب البرهان من علم المنطق ان كل صناعة براهينه لها موضوع تبحث فيها عن اعراضه الذاتية و غيرها و مقدمات فيها ماخذ براهينها اما اوليه كالكل اعظم من الجزء و اما مبرهنه في صناعة اخرى و اما مصادرات و ليس اثبات واحد من هذه على تلك الصناعة اصلاً لكن التعريف لموضوعها و لتلك المقدمات فعليه ان الصناعة و ان لم يمكنها تحديد موضوعها و اوضاعها تحديداً حقيقياً فلها ان ترسمها ترسيماً شافياً. هذه المعاني مبسوطه جداً فى كتاب البرهان من صناعة المنطق فليطلب من هناك.

و انى لم ازل كنت شديد الحرص على تصفح صدور هذه العلوم و تحقيقها و تمييز اجزائها بعضها من بعض و خصوصاً كتاب الاصول فى الهندسه فانها اصل جميع الرياضيات و مبادئها مبادئ جميعها فاما النقطة والخط والسطح والزوايه والدائره والاستقامة فى الخط و فى السطح و غير ذلك من مبادئها فينبولى اثباتها و تحديدها الحقيقى صاحب العلم الكلى من الحكمه و كذلك مقدماتها التى غير اوليه مثل انقسام المقادير الى ما لا نهاية له وان يؤتى من كل نقطة مفروضة الى كل نقطة اخرى بخط مستقيم و غيرهما من المقدمات المذكورة التى لاتسام الا بالبرهان فعلى الحكميم ايضاً . و اما المصادرات مثل المربع والمخمس والمثلث و غيرها فقد اتى بها صاحب الكتاب فى الصدر له تعرف الاسم لا غير و سيثبت هو آياها و يبرهن عليها فى اثناء كتابه و قد اتى بمصادرة عظيمة و لم يبرهن عليها و هى قوله ان

كل خطين مستقيمين يقطعان خطاً مستقيماً على نقطتين خارجيتين منه في جهة واحدة على اقل من زاويتين قائمتين فانهما يلتقيان في تلك الجهة بل اخذها مسلمة وهذه مسألة هندسية لا تبرهن الا فيها اصلاً فهي لازمة للمهندس شاء ام ابى وليس له ان يبنى عليها شيئاً الا بعد البيان.

ثم انى شاهدت جماعة من متصفحى كتابه و حالى شكوكه لم يعرضوا لهذا المعنى اصلاً لصعوبته مثل ايرن و اطو (لو) قس من المتقدمين و اما المتأخرون فقد مدت منهم جماعة ايديهم الى البرهان عليها مثل الخازن و الشئى و النيرىزى وغيرهم فلم يأت لواحد منهم برهان قوى بل كل واحد منهم صادر على امر ليس تسليمه باسهل من هذا ولولا كثرة نسخ تلك الكتب و كثرة مزاولها و الناظرين فيها لكنت اوردتها هيئتها و ابين وجه المصادر و الغلط على ان تعرف ذلك من سطوراتهم امر اسهل جدا و قد شاهدت كتاباً لابي على بن الهيثم رحمه الله موسوماً بحل شكوك المقالة الاولى فلم اشك انه قد تصدى لهذه المقدمة و برهن عليها فلما تصفحته مبتهجاً به صادفت المصنف قد قصد ان تكون هذه المصادر فى صدر المقالة من جملة ساير المبادئ من غير احتياج الى برهان و تكلف فى ذلك تكلفاً خارجاً عن الاعتدال و غير حدود المتوازيات و فعل اشياء عجيبة كلها خارجة عن نفس الصانع : منها انه قال اذا تحرك خط مستقيم قائم على خط آخر و يكون قيامه محفوظاً على ذلك الخط فى حركته فانه يفعل بطرفه الاخر خطاً مستقيماً فان الخط الحادث مواز للخط الساكن ثم ياخذ هذين الخطين ويلونهما (؟) و يحررهما و يعتبر فيهما عدة اعتبارات كلها خارجة حتى يصح له فى الصدر هذه المقدمة بعد ارتكاب هذه المصاعب

و المنكرات و هذا كلام لا نسبة له الى الهندسة اصلا من وجوه :  
منها انه كيف يتحرك الخط على الخطين مع انحفاظ القيام و اى برهان  
على ان هذا ممكن ؟ و منها انها اية نسبة بين الهندسة و الحركة  
و ما معنى الحركة ؟ و منها انه قد بان عند المحققين ان الخط عرض  
لايجوز ان يكون الا فى سطح ذلك السطح فى جسم او يكون نفسه  
فى جسم من غير تقدم سطح فكيف يجوز عليه الحركة مجردا عن  
موضوع ؟ و منها ان الخط كيف يحصل عن حركة النقطة ؟ و هو قبل  
النقطة بالذات والوجود : و لقائل ان يقول ان اقليدس قد حدد الكرة  
فى صدر المقالة الحادية عشر بشئى من هذا القبيل و هو قوله : «الكرة  
حادثة من ادارة نصف دائرة الى ان يعود الى المبتدا» فنجيب و نقول  
ان الرسم الحقيقى الظاهر للكرة معلوم و هو انه شكل مجسم يحيط به سطح  
واحد فى داخله نقطة كل الخطوط المستقيمة الخارجة منها الى السطح -  
المحيط متساوية و اقليدس عدل عن هذا الرسم الى ما قال بمجازفة  
و مساهلة فانه (فى) المقالات التى تذكر فيها المجسمات تساهل جدا  
تعويا منه على تدرب المتعلم عند وصوله اليها و لو كان لهذا الترسيم  
معنى لكان تحدد الدائرة بان يقال : «ان الدائرة هى شكل مسطح حادث  
عن ادارة خط مستقيم فى سطح مستوي بحيث يثبت احد طرفيه فى موضعه و  
يتهى الآخر الى مبدء الحركة» فلما عدل عن هذا النوع من الترسيم  
لمكان الحركة و اخذ ما ليس له مدخل فى الصناعة مبدأ فيها ازمننا ان نقفوا  
آثارهم و لانخالف الاصول البرهانية والدستورات الكلية المذكورة فى كتب  
المنطق . ثم ليس تحديد اقليدس الكرة مثل تحديد هذا الرجل وذلك ان

أقليدس عرف شيئاً ما بوجه غير مرضى و ذلك الشئى معلوم من عدة وجوه اخر و تعريفه المذموم لا يصير مقدمة لامر عظيم الشأن بل يعدل عن تعريفه الى تعريف آخر احسن منه و هذا الرجل قد اجتهد فى هذا النوع من التعريف المنكرات ان يصيره مقدمة لاثبات امر لا يكاد يثبت الا بالبرهان. فبين الرجلين فى التعريفين فرق. هذا الشك فى صدر المقالة الاولى واما الشك الذى هو فى صدر المقالة الخامسة فهو حيث ذكر النسبة و عوارضها و ذكر التناسب و احواله و ليس للتناسب حقيقة على وجه هندسى مملومه كما سنذكره فى المقالة الثانية من هذا رساله ولم نجد احداً من المتقدمين و المتأخرين تكلم فى معنى التناسب و تحقيقه كلاماً شافياً فلسفياً و قد وجدت شيئاً منسوباً الى ابي العباس النيربى تكلم فى معنى النسبة و التناسب و اطنب و كنت اظنه كافياً غير انه لما تصفحته وتأملتة كان محتاجاً الى عدة مقدمات قد اغاها و لم يذكرها و كان مبتوراً ايضاً اللهم الا ان وقع الخلل من جهت الوراق و سنذكره انشاء الله فقد صادر فى صدر هذا مقاله ايضاً على شئى من النسبة المؤلفه من غير برهان و هو قوله: «كل ثلثة مقادير فان نسبة الاول الى الثالث مؤلفه من نسبة الاول الى الثانى و من نسبته الثانى الى الثالث» .

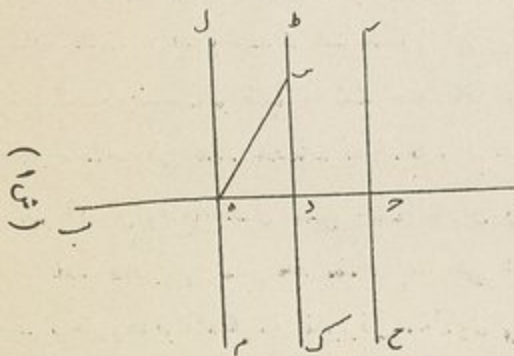
فلما رأيت الخلل فى هذا الموضع الثلثة غير مستدرك و غير مصلح حق الاصلاح صممت متمنى<sup>(١)</sup> الى اصلاحها و الان فقد سألت الله تعالى الحيوة و التسهيل و استوففته و اعتصمت بحبله و جمعت هذه الرساله و جعلتها ثلث مقالات : الاولى منها فى المتوازيات وحل الشبهة فيها ، الثانية فى حقيقة النسبة المقداريه و التناسب المقدارى ، الثالثة فى النسبة المؤلفه و ما يتعلق بها والله المستعان على كل حال و اليه المقزع وهو حسبنا و نعم المعين .

(١) فى الامل و تملى متمنى .

## المقالة الاولى

### في حقيقة المتوازيات و ذكر الشك المعروف

بسم الله الرحمن الرحيم والنوفيق والمصممة بيد الله . يجب ان يتحقق ان السبب الذي لاجله غفل اقليدس عن برهان هذه المقدمه وصادر عليها هو اعتماده على للمبادئ الماخوذه عن الحكيم في معنى الخط المستقيم والزوايه المستقيمه الخطيين حين خطر بباله ان سبب الخطين التقاء المستقيمين هو هذا المعنى الذي صادر عليه مثاله : خط (اب) مستقيم (شكل ١) وخط (رح) قائم عليه على زوايا قائمه على نقطة (ح) وكذلك (ط د ك)



على نقطه (د) و (ل م)  
على نقطه (ه) والزاوية  
القائمه مساوية لتظيرها .  
فيخط (رح) لا يميل الى  
(اب) من كلا الجانبين  
وهو ممتد الى ما .  
لانهاية له من كلتا الجهتين

وكذلك حكم (دط) فيخط (دط) لا تلقى خط (رح) لانه ان لقيه كان احدهما او كلاهما مائلا الى جانب . من جوانب خط (اب) وكذلك (ح د) و (ك د) و (م ه) وقد فرض (ح د) و (د ه) متساويين فسطح (ر ح د ط) اعنى هذه الحيز الذي فصله هذان الخطان منطبق على سطح (ط د ه ل) فان كان خطا (رح) (ط د) ملتقيين فخطا (ط ي) و (ه ل) ملتقيان على تلك النقطه بعينها وكذلك جميع الخطوط الخارجة على زوايا قائمه اذا كانت قواعدهما متساويه وهكذا يكون من الجهة الاخرى اعنى (ح د) و (د ك) ونظراءهما ويلزم منه

محال اولي وكذلك بهذا الحكم لا تتضاق خطا (رح) و (ط د) ولا تتسعان فان  
التضائق والاتساع يوجبان هذا المحال ايضاً فيكون هذه الخطوط القائمة على (اب)  
متوازيه والبعد بينهما متساو اعني لا تتضاق ولا تتسع. فان اخرج خط مايل  
الى احد الجانبين مثل خط (هـ س) الى جانب (ا هـ) فانه يلقي (ط د) لانه حاله لان  
(هـ س) و (هـ ل) الى الاتساع والبعد بينهما يبلغ الى حد يفرض وزاوية (س هـ د)  
اقل من قائمه فزاويتا (س هـ د) و (س د هـ) اقل من قائمتين. فمن هذا ظن اقليدس  
ان سبب التقاء خطي (هـ س) و (س د) نقصان الزوايتين عن قائمتين وهذا الظن  
حق ولكن لا يمكن ان يبين عليه الا بعد بيانات اخبر فهداه هي التي حملت  
اقليدس على تسليم هذا المقدمه والبناء عليهما من غير برهان والعمري ان هذه  
قضايانا وهمية جداً وفيها للعقل مساعدة لانها حقه و عليها ايضاً برهان وان ما كان  
شبه الدليل كما ذكرنا ولكنه برهان غير شاف و لا مصدق به من  
جميع الوجوه لمصادرتة على عدة امور غير اوليه ولا برهن عليها وكيف  
يسوغ لاقليدس المصادرة على هذا القضية بسبب هذا الظن مع انه قد برهن  
على عدة اشياء اسهل من هذه بكثير مثل برهانه في المقالة الثالثه على ان  
الزوايا المتساويه على مرا كز الدوائر المتساويه تفصل من المحيط قسماً متساويه  
وهذا المعنى معلوم جداً من جهت المبادئ لان الدوائر المتساويه تنطبق بعضها  
على بعض والزوايا المتساويه كذلك فتطبق القسي بعضها على بعض لانه حاله  
فيكون متساويه. فمن برهن على مثل هذا فما احوجه الى ان يبرهن على  
مثل ذلك. ومثل برهانه في المقالة الخامسه على ان نسبة المقدار الواحد الى  
المقدارين المتساويين واحده واذا كانت النسبه تقع في المقدار من حيث هو  
مقدار فكيف يحتاج هذا الى برهان اذ المقدار ان المتساويان هما مثلاً

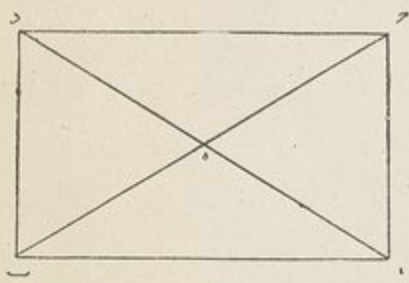
من حيث المقدارية لا فرق بينهما فهما من هذا الجهة بالحقيقة واحد لا غيرية بينهما الا غيرية العدد فحسب .

وقد غفل ايضاً في مقالات المجسمات عن عدة امور مفقورة الى البراهين لكنها ليست من المقدمات العظام والالبرهنا عايتها وربما يقع لنا في ثاني الحال النقات عليها واصلحنا تلك المقالات بعون الله . والذين نظر وافى كتابه كالحجاج فانه كان ناقلاً وليس له الاصلاح و اما ثابت فان حكمه ايضاً حكم ناقل وان كان اصلح بعض الاصلاح ومن رام تفسير كتابه وحل شكوكه مثل ابن المخائقي واطو(او) قس وغيرهما من المتقدمين و ابي العباس التيزيزي وغيره من المتأخرين فكان يلزمه البرهان على امثال هذا القضايا و تصفحها والنظر فيها لارد المستقيم الى الخلف والخلف الى المستقيم فان من عرف برهان شيىء بالحقيقة فقد اكتفى به مستقيماً كان او خلفاً فما معنى رد المستقيم الى الخلف وترك امثال هذا غير مبرهن عليها ؟ اما سبب غلط المتأخرين في برهان هذه المقدمة ففشلهم عن المبادىء المأخوذة من الحكيم واعتمادهم على القدر الذي اورده اقليدس في صدر المقالة الاولى وليس يكفى هذا القدر . فان القضايا المحتاج اليها في التقديم على الهندسة كثيرة: منها ان المقادير تنقسم الى مالا نهاية له وليست مركبة عمالاً ينقسم و هذه قضية فلسفية يحتاج اليها المهندس في صناعته و من المهندسين من حاول ان يبرهن على هذا من جهة صناعه ولم يشعر بانه بيان الدور ولكن اذا اثبت الحكيم الدائرة والخط المستقيم وسائر مبادىء الهندسة فانه يمكن ان يبرهن على هذه القضية برهان ان لا يبرهان لم . والحق ان هذا القضية من مقدمات الهندسة لامن اجزائها و منها انه قد

يمكنه ان يخرج خطاً مستقيماً الى مالا نهاية له والفيلسوف و ان برهن على ان الاجسام متناهيه وليس خارجها لاخلاء و لاملأ فقد بين كيف يجوز للمهندس ان يقول هذا غير متناه وهذا خارج الى مالا نهاية له . ومنها ان كل خطين مستقيمين متقاطعين فانهما الى الانقراج والانساع في بعدهما عن زاوية التقاطع . ومنها ان الخطين المستقيمين المتضائقين فهما يتقاطعان ولا يجوز ان يتسعا (١) خطان متضائقان في مرورهما الى التضائق . وهذه القضايا الاخيره يمكن ان يبرهن عليها برهان ان من طريق الهندسه كما تعلمها عما قليل . ومنها ان كل مقدارين متناهيين متفاضلين فان الاصغر يمكن ان يضعف حتى يصير اعظم من الاكبر . و لعل هذه القضية اوليه من جنس مالا ضبط الا بعد التامل و يكون مقدمات اوليه ظاهره اكثر من هذا . و اقليدس لم يأت باكثرها في صدر الكتاب مع انه قد اتى باوليات مستغنى عنها جدا و كان الواجب ان لا ياتي بها اصلا او ياتي بها جميعا من غير ان يشذ عنها شيئى و ان كان ظاهراً . وقد ذكرنا فيما تقدم سبب غلط ابى على فلا حاجة بنا الى ذكرها ثانياً . و يجب ان نسلم ثمانيه و عشرين شكلاً من كتاب الاصول فانهما غير محتاجة الى هذه المقدمه و انما المحتاج اليها الشكل التاسع والعشرون حيث زريدان نورد احكام الخطوط المتوازيه . فمن شاء فليجعل الشكل الاول من هذه مقاله بمنزلة الشكل التاسع والعشرون من المقالة الاولى حتى يكون داخلاً فى جملة الكتاب ان شاء الله . وهذا حين ستدى فى البرهان الحقيقى العلمى على هذا المعنى بعون الله وحسن توفيقه انه من توكل عليه هداه و كفاه .

الشكل الاول. - وهو كط من مقالة آ<sup>(١)</sup>. خط (اب) مفروض

[ش ٢] ونخرج (ا ح) عموداً على (اب) ونجعل (ب د) عموداً على (اب) و مساويا لخط (ا ح) وهما متوازيان كما بينه اقليدس في شكل (كز) ونصل (ح د). فاقول ان زاويه (ا ح د) مساوية



زاوية (ب د ح). برهانه:

نصل (ح ب) و (ا د) فخط

(ا ح) مثل (ب د) و

(اب) مشترك و زاويتا

(ا) و (ب) قائمتان .

[ش ٢]

فقاعدتا (ا د) و (ح ب)

متساويتان و سائر الزوايا مثل سائر الزوايا . فتكون زاويتا (ا ب

(ب ا) متساويتين . فخطا (ا ح) و (ب د) متساويان . فبقى (د ح) و (ه ح)

متساويين . فتكون زاويتا (ه د ح) و (ه ح د) متساويين و [زاويتا] (ا ح ب)

مثل (ا د ب) فزاويتا (ا ح د) و (ح د ب) متساويتان وذلك ما اردنا ان

نبين . ومن ههنا استبان<sup>(٢)</sup> ان زاويتي (ح ا ب) و (ب د ا) اذا كانتا متساويتين

كيف ما كانتا و خطا (ا ح) و (ب د) متساويين يجب ان يكون زاويتا

(ب د ح) و (ا ح د) متساويتين .

الشكل الثاني. - وهو (ل) من الاصول - نعيد شكل (اب ح د)

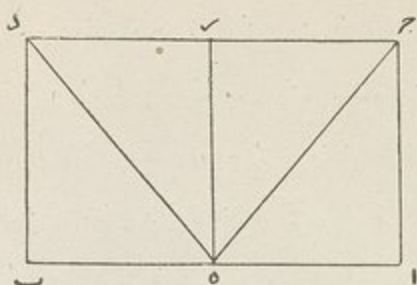
[ش ٣] ونقسم (اب) بنصفين على (ه) ونخرج (ه ر) عموداً على

(اب) فاقول ان (ح ر) مثل (ر د) و (ه ر) عمود على (د ح) .

برهانه: نصل (د ه) و (ه ح) فخط (ا ح) مثل (ب د) و (ا ه) مثل

(١) الشكل التاسع والعشرون من المقالة الاولى من الاصول (٢) كذا في الاصل

(هـ ب) و زاويتا ( ا ) و (ب) قائمتان فقاعدتا (د هـ) و (هـ ح) متساويتان و زاويتا  
( ا هـ ح ) ( ب هـ د ) متساويتان، فبقى ( د هـ ر ) و ( ر هـ ح ) متساويتين،



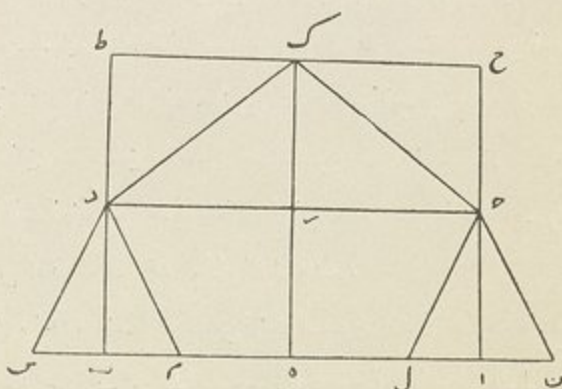
و خط ( د هـ ) مثل  
( هـ ح ) و ( هـ ر ) مشترك<sup>(١)</sup>  
قائمث مثل المثلث و  
سائر الزوايا والاضلاع  
النظائر متساويه . فيكون  
( د ر ) مثل ( ر ح )

[ ش ٣ ]

و زاويه ( د ر هـ ) مثل

( هـ ر هـ ) فهما قائمتان . و ذلك ما اردنا ان نبين .

الشكل الثالث - وهو (لا) من الاصول - ونريد شكل ( ا ب د ح ) [ ش ٤ ] . فاقول ان  
زاويتي ( ا ح د ) ( ب د ح ) قائمتان . برهانه : نقسم ( ا ب ) بنصفين على ( هـ ) ونخرج  
عمود ( هـ ر ) ونخرجه على استقامه ونجعل ( ر ك ) مثل ( ر هـ ) ونخرج ( ح ك ط )  
عموداً على ( هـ ك ) و نخرج ( ا ح ) و ( ب د ) فيقطعان ( ح ك ط ) على



[ ش ٤ ]

(ح) و (ط) لان ( ا ح ) ( هـ ك ) متوازيان وكل المتوازيين فان البعد بينهما لا يتغير.

(١) في الاصل : والزوايتان متساويتان زائد .

فنمد ( ا ح ) الى مالا نهاية له موازياً لـ [خط] ( هـ ك ) و تمد ( ح ك ) الى مالا نهاية له موازياً لخط ( ر ح ) فهما ملاقيان لامحاله اولى ونصل ( ح ك ) و ( د ك ) فيخط ( د ر ) مثل ( ر ح ) و ( ر ك ) مشترك وهو عمود . فقاعدتا ( د ك ) و ( ك ح ) متساويتان وزاويتا ( ر ح ك ) و ( ر د ك ) متساويتان . فبقى زاويه ( ح د ك ) مثل ( ك د ط ) وزاويتا ( د ك ر ) و ( ح ك ر ) متساويتان فيبقى زاويتا ( ك ح د ) و ( ك د ط ) متساويتين وخط ( د ك ) مثل ( ك ح ) فيكون ( ح د ط ) مثل ( د ط ح ) و ( ح ك ) مثل ( ك ط ) . وزاويتا ( ا ح د ) و ( ب د ح ) ان كانتا قائمتين فقد حق الخبر وان لم يكونا قائمتين فيكون كل واحد منهما اما اصغر من قائمه واما اكبر . فليكن اولا اصغر من قائمه و ينطبق سطح ( ح د ) على سطح ( ح ب ) فينطبق ( ر ك ) على ( ر هـ ) و ( ح ط ) على ( ا ب ) فيكون ( ح ط ) مثل خط ( ن س ) لان زاويه ( ح د ر ) اعظم من زاويه ( ا ح ر ) فخط ( ح ط ) اعظم من ( ا ب ) . وكذلك ان اخرج الخطان الى مالا نهاية له على هذا النسق . يكون كل واحد من الخطوط الواصله اعظم من الاخر وتسلسل . وخطا ( ا ح ) و ( ب د ) على استقامه من الجهة الاخرى كانا الى الانساع مثل هذا البرهان و يشابه حال الجانبين عند الانطباق لامحاله فيكون خطان مستقيمان يقطمان مستقيمين على قائمتين ثم يتسع البعد بينهما من جهتي ذلك الخط و هذا محال اولى عند تصور الاستقامه . ويحقق البعد بين الخطين وذلك مما قد تولاه الفيلسوف .

وان كان كل واحد منهما اكبر من قائمه فيكون عند الانطباق خط ( ح ط ) مثل ( ل م ) وهو اصغر من ( ا ب ) وكذلك جميع الخطوط الواصله على هذا النسق . فالخطان الى التضائق و ان اخرها الى الجهة الاخرى كانا الى التضائق ايضا لشابه حال الجهتين عند الانطباق وذلك مما يمكنك ان تعرفه بادننى نظر و بحث .

و هذا محال ايضا لما ذكرنا . و اذا امتنع ان يكون الخطان متفاضلين  
فهما متساويان و اذا كانا متساويين فالزاويتان متساويتان فهما اذن قائمتان  
تعرف بادنئ تأمل . فتركتاه تجنبنا للتطويل . فمن اراد ان ثبت ذلك ههنا  
على الترتيب التعليمي فعل بلامكاشي<sup>(١)</sup> منا . وسهو المتأخرين في برهان هذه  
المقدمة انما وقع لغفلتهم عن هذه القضية الاولى اذا تصور محمولها و  
موضوعها على الوجه الحقيقي . فان كثيرا من القضايا الاولى الغفل عن  
التفطن له نافذ الحدس ، ناقب الرأي لعروب<sup>(٢)</sup> تصور محموله وموضوعه عن  
غفلة فان اوليه القضية وحقيقتها ليستا في تصور موضوعها ومحمولها لان  
صدقها وكذبها لا يتعلق بالمحمول والموضوع بل بارتباط المحمول  
بالموضوع لا غير . واذا كان كذلك فلا تبع ان تكون قضيه اوليه مفعولا  
عنها لهذا السبب فافهم ذلك الان ترى ان من تصور حقيقة الدائرة وحقيقة  
الزاويه وحقيقة النسبة المقداريه عرف بادنئ تأمل ان نسبة الزوايا  
التي على المركز كنسبة القسي التي توترها . وهذا المعنى بينه اقليدس في  
شكل ( لو ) من مقاله ( و ) وهو الشكل الاخير من تلك المقالة . ومن القضايا  
الاوليه ما تبين ايضا بعد تصور اجزائه نعرب من البيان على سبيل التذكير  
والتنبيه لاعلى سبيل طلب الحد الاوسط . فان المحتاج الى الوسيط اكتسب .  
فافهم و هذا مقالات وان كانت خارجة عن مقصودنا في هذه الرسالة فان  
لها عنا<sup>(٣)</sup> عظيما ومنفعة جسيمة فيها . وكذلك اوردناها هاهنا ولازيدن  
هذا المعنى شرحا حتى تعرفه اكثر الناس . خطا ( ا ب ) ( ا ح ) مقاطعان  
على نقطه ( ا ) فاقول انهما الى الانفراج والاتساع الى ما لا نهاية له وذلك  
انا نجعل ( ا ) مركزاً ولبعد ( ا ب ) دائره ( ا ب ح ) فالبعد بين الخطين

[١] كذا في الاصل ؟ (٢) كذا في الاصل (٣) كذا في الاصل

عند ملاقاتهم الدائره خط ( ب ح ) . و نخرج ( ا ب ) على استقامه الى

( د ) و ندير الدائره

( ا د ه ) و نخرج

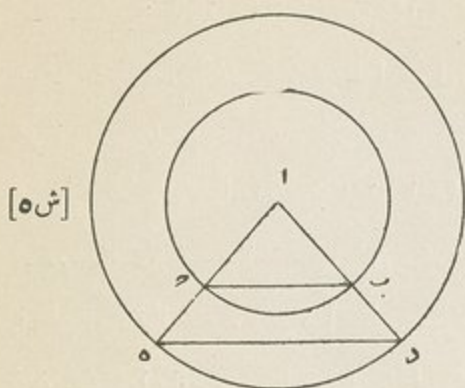
( ا ح ) على استقامه حتى

يقطع الدائره على نقطه

( ه ) و نصل ( د ه ) .

فالبعدين الخطين ( د ه )

و خط ( د ه ) اعظم



من ( ب ح ) اولى لاشبهه فيه اذا تصور معنى الدائره والزوايه والخط المستقيم .

و من رام ان تبرهن عليه برهاناً فلا بد له من ان ياخذ في اتنا ذلك

البرهان قضيه تبرهن بهذا المعنى . فيكون بيان الدور . ونعم ما فعل صاحب

الاصول اذا ورد في صدر كتابه القضييه القائله بان الخطين المستقيمين لا

يحيطان سطحاً في جمله الاوليات . لان من عرف حدودها عرف ارتباطها

لما حاله . فهي اذن اوليه . والبعء بين كل خطين هو الخط الواصل بينهما بحيث

يكون الزاويتان الداخلتان متساويتين . مثاله خطا ( ا ب ) و ( د ه ) مستقيمان في

سطح مستو [ش ٦] و فرصنا على ( ا ب ) نقطه ( ه ) . فالبعء بين ( ه ) وبين خط

( د ح ) خط ( ه ر ) وزوايه ( ه ) مثل ( ر ) فاما كيف يخرج من نقطه

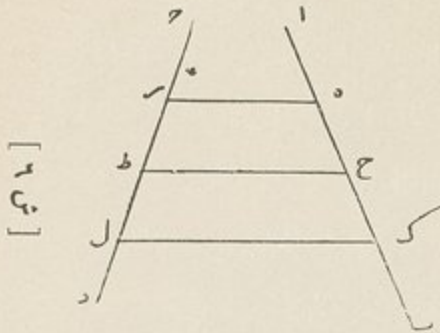
( ه ) الى ( د ح ) خط بحيث تكون الزاويتان الداخلتان متساويتين ؟ فعلى

المهندس ليس على الحكيم التولى لتصحيح مبادئ الهندسه . واما انه هل

يمكن ان يخرج خط بهذه الصفة ؟ فعلى صاحب المبادئ . وبيانه انه يمكن

ان يخرج من ( ه ) خطوط الى ( د ه ) غير متساويه على زوايا

غير متناهييه من كتي الجهتين في الخطين جميعا متفاضلات اصغورا كبر.



و كل ما تعذر فيه هذا

المعنى اعنى التفاضل من

الجهتين في الصغر

والكبر مع ان المقادير

ينقسم الى مالا نهاية له ،

فلا محاله له يمكن ان

يقع التساوى . و تفصل ( هـ ح ) و ( ر ط ) متساويين ونصل ( ح ط ) فزاويه

( ح ) مثل ( ط ) كما بين في الشكل الاول . ف ( ح ط ) هو البعد . وان كان

( ح ط ) اعظم من ( هـ ر ) فالخطان الى الاتساع و تفصل ( ح ك ) و ( ط ل )

متساويين ونصل ( ك ل ) فهو البعد . فان كان ( ك ل ) اصغر من ( ح ط )

فالخطان الى التضائق . وقد كانا الى الاتساع هذا محال اولى . وان كانا

متساويين يلزم هكذا وان كان ( ح ط ) اصغر من ( هـ ر ) فالخطان الى

التضائق . فبهذا البيان يجب ان يكون ( ك ل ) اصغر من ( ح ط ) والا يلزم

المحال الاولى فقد بان ان الخطين المستقيمين في سطح مستو اذا كانا الى

التضائق في جهت لا يجوز ان يتسعان في ملك الجهات اصلا . وكذلك

اذا كانا الى الاتساع . الا ان هذا البيان بيان غير هندسى انما هو بيان حكمى .

ولكن استعين فيه بالمثال ليكون ابين واظهر عند من لا يكون له حدس

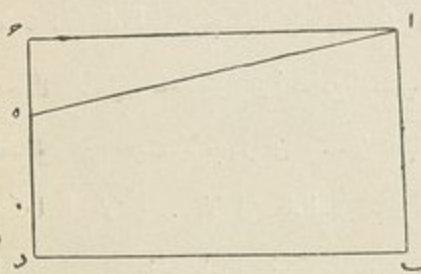
جيد . ومن الناس من يقول ان البعد بين نقطه على خط وبين خط آخر

هو العمود الخارج من تلك النقطه الى الخط . وليس الحق كذلك لانه

بما يكون العمود الخارج من مسقط العمود الاول الى الخط الاول غير مساو

لعمود الاول فيكون . بعد النقطة عن نظيرتها غير بعد نظيرتها عنهار هذا محال . بل اذا كانت الزاويتان الداخلتان متساويتين كان ميل الخطين معا عن ذلك الخط الواصل ميلا واحدا . فهو بالحقيقه يكون البعد بينهما لاغير . و هذا المعاني خطرت ببال قدام المهندسين فصادروا على القضية التي تطلب البرهان عليها . ولما تبين انه اذا افرض خط مستقيم واخرج من طرفيه عمود ان كانا بحيث اذا تفصل منهما اى خطين متساويين كان البعد بينهما عمودا عليهما وكان الابعاد متساويه والخطان لايتضايقان ولايتسعان . فيسمى هذان العمودان المتحاذيين .

**الشكل الرابع -** وهو (ب) من الاصول . - سطح (ا ب ح د) زواياه قائمه [ش ٧] فاقول ان (ا ب) مثل (ح د) و (ا د) مثل (ب ح) . برهانه: ان لم يكن (ا ب) مثل (ح د) فيكون احدهما اعظم فليكن (د ح) اعظمهما و تفصل (د ه) مثل (ا ب) و تصل (ا ه) فيكون الزاويه (ب ا ه) مثل زاويه (د ه ا) و (ب ا ه) اصغر من قائمه و (د ه ا) اعظم من قائمه .



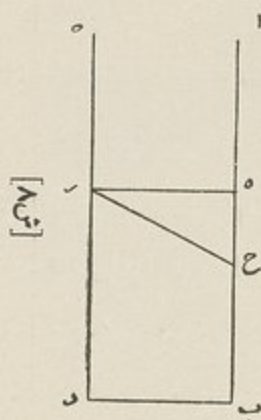
لانه خارجة عن مثلث (ا ه د) فيكون اعظم من زاوية (ح د ه) القائمة هذا محال . فيخط (ا ب) مثل (د ح) و ذلك

[ش ٧]

ما اردنا ان نبين

**الشكل الخامس -** وهو (ح) من الاصول . - خطا (ا ب) و (د ح) متحاذيان . فاقول ان كل خط يكون عمودا على احدهما فهو عمود على الاخر .

برهانه : نخرج من نقطة ( هـ ) [ش ٨] عمودا على ( د حـ ) و هو ( هـ رـ ) . فاقول ان زاوية ( هـ ) قائمة . برهانه ان خطي ( ابـ ) و ( د حـ ) حاصلان من عمود عليهما لامجاله كما بينا ، و هو ( ب دـ ) . فان كان ( ب هـ ) مثل ( د رـ ) فزاوية



( هـ ) قائمة . و ان كان احدهما اعظم فنفضل من الاعظم مثل الاصغر و هو ( ب حـ ) الذي فصلناه من ( ب هـ ) . تسكون زاوية ( حـ ) القائمة مثل ( ح ر دـ ) و هو اقل من قائمه ، هذا محال . فيخط ( بهـ ) مثل ( ر دـ ) و زاوية ( هـ ) قائمة وذلك ما اردنا ان نبين

الشكل السادس -- وهو لد من الاصول . -- كل خطين متوازيين كما

حده اقليدس و هما اللذان لا يقيان من غير شرط آخر فهم متحاذيان . مثاله : ( ابـ ) و ( د حـ ) [ش ٩] متوازيان فاقول انهما متحاذيان . برهانه : تعلم نقطة ( هـ ) ونخرج ( هـ رـ ) عمودا على ( د حـ ) . فان كان زاوية ( هـ ) قائمه كان الخطان متحاذيين . وان لم يكن قائمه فانا نخرج ( ح هـ ) عمودا على ( هـ رـ ) فيسكون ( ح هـ طـ ) و ( د ر حـ ) متحاذيين . وخطا ( ب هـ اـ ) و ( ط هـ حـ ) مقاطعان والبعدين ( هـ حـ ) و ( هـ اـ ) يزداد مالا نهاية له والبعدين ( هـ حـ ) و ( د رـ ) واحد الى مالا نهاية له لا يزيدو لا ينقص فلا شك ان يصير البعد بين ( هـ اـ ) و ( ح هـ ) اعظم من ( هـ رـ ) الذي هو بعد المتحاذيين فيخط ( هـ اـ ) اذن يقطع ( د رـ ) وقد فرضناهما متوازيين هذا محال . فزاوية ( ا هـ رـ ) ليست

بأعظم من قائمه ولا اصغر منها فهي ادن قائمه. فخطا (اب) و (دح) متحاذايان

اذن و ذلك ما اردنا ان نبين .

### الشكل السابع - و هوله -

هذا الشكل هو نائب عن شكلي (كطول)

من مقاله آ . اذا وقع خط مستقيم

على خطين متوازيين فان الزاويتين

المبتادلتين متساويتان والزاويه

الخارجيه مثل الداخله والزاويتين

الداخلتين مثل قائمتين . مثاله خطا (اب) و (دح) متوازيان و قد وقع

عليهما خط (كردل) فاقول ان زاويتي (لرد) و (امر) المبتادلتين متساويتان.

[ش ١٠] و زاويتي (ا.ر) و (د.ر) الداخلتين مثل قائمتين و

زاويه (ح.د.ر) الخارجيه مثل زاويه (امر) الداخله. برهانها : اننا نخرج

من نقطه (ه) عمود (ه.ط) على (د.ح) فهو عمود على (اب)

لانهما متحاذايان. ونخرج من (ر) عمودا على (اب) وهو (رح).

فسطح (ه.ط.ر) قائم الزوايا، فالخطوط المتقابله منه متساويه. فتكون

زاويه (ح.ر) مثل (ه.ر.ط) و هما مبتادلتان (ح.ر.ك) و (ه.ر.ط) مثل (حرك)

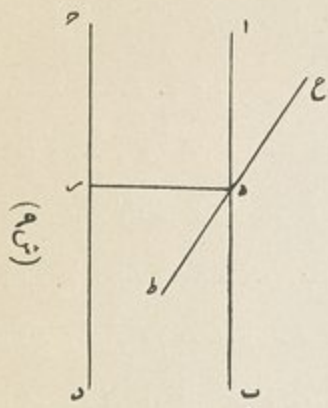
و (ح.ر.ك) مثل (ا.ر) الداخله مثل الخارجيه و (ه.ر.ط) مع

(ه.ر.ح) مثل قائمتين فزاويه (ا.ر) مع (ه.ر.ح) مثل قائمتين و

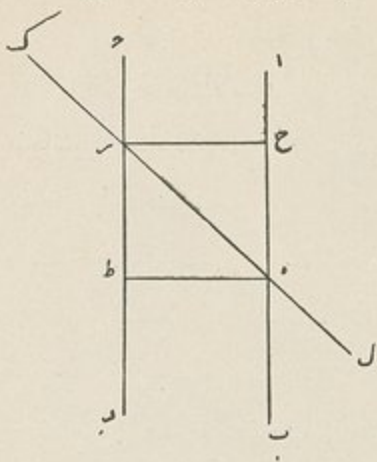
ذلك ما اردنا ان نبين .

فقد بينا احكام المتوازيه من غير احتياج الى المقدمه المطلوب

برهانها التي قد صادر عليها اقليدس و هذا برهانها .



الشكل الثامن - وهو لو . - خط ( ر . ر ) مستقيم [ش ١١] وقد خرج عنه خطا



(ا) و (رد) وزاويتا (اهـ) و (حـ رهـ)

اقل من قائمتين . فاقول انهما يلتقيان

في جهة (ا) . برهانه : نخرج الخطين

على استقامه فيكون زاويه (اهـ رـ)

اصغر من ( ر . ر حـ ) فتجعل زاويه

( ح . ر ) مثل ( ر . ر حـ ) فيخطا

( ح . ط ) و ( د ر حـ ) ومتوازيان

كما بينه اقليدس في شكل ( كر )

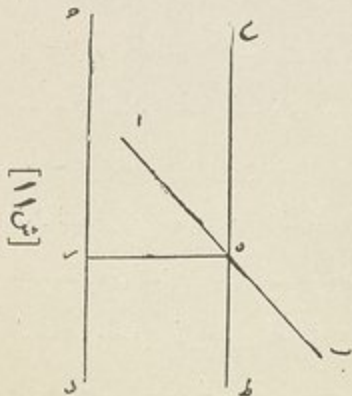
من مقاله (ا) . و خط ( ا . ا ) قطع ( ح ط ) فهو ادن يقطع خط ( د ج )

في جهة ( ا ) و ذلك ما اردنا ان نبين .

فهذا هو البرهان الحقيقي على احكام المتوازيات و على المعنى

المقصود نحوه . والحق ان تلحق هذا الاشكال بكتاب الاصول على الترتيب

الذي ذكر وسقط منها اعني من هذه المقالة ما هو داخل في المبادئ و



راجع الى الحكمة الاولى . وانما

اوردناه ههنا وان كان خارجا عن

نفس الصنعة لانا لم نجد بدا من

ايراد تلك الفصول لصعوبة المسئلة و

كثرة كلام القوم فيها . فلحق بالصدر

من المبادئ ما ذكرنا ان الصنعة محتاجة

اليه حتى تكون الصنعة متقنة

فلسفيه لا تكون للناظر فيها شك و لا تخالجه ريب و حان لنا ان نختم

المقالة الاولى حا مدين لله تعالى ومصلين على النبي محمد وآله اجمعين .

## المقالة الثانية

### في ذكر النسبة ومعنى التناسب وحققتيهما (١)

قال صاحب الاصول في حقيقة النسبة انها هي اية قدر و مقدارين متجانسين احدهما من الاخر والمتجانسان المعنيان هاهنا هما اللذان اذا صوغف احدهما مكن ان يريد على آخر اذا كانا متفاوتين مثل الخطين والسطحين والجسمين والزمانين وبالجمله هما اللذان تقع بينهما تفاضل لان الخط والسطح ليس تقع بينهما تفاضل اذ الخط هو البعد الواحد والسطح هو البعدان والجسم هو الثلثة الابعاد والزمان هو مقدار الحركة وهذا الاجناس تحت جنس الكميه و هذه المعاني من صناعه (٢) الحكمة الاولى و هذا الحد او الرسم الذي اورده اقليدس قريب من الحق اذا اخذت الفاظه وشرحت شرحا قوله هي (ايه قدر) مقدارين انما اراد بها الاضافه الواقعه بين المقدارين من حيث هي مقدار وذلك ان كل مقدارين متجانسين فهى اما ان يكونا متساويين واما ان يكونا متفاضلين. ثم انتفاضل له حدود واقسام وذلك ان الاصغر اما ان يكون جزء من الاكبر اى يعده و يستغرقه عند الاضافه واما ان يكون اجزاء واما ان يكون على وجه آخر ومن خواص الكم اعتبار التساوى و غير التساوى فيه فالنسبه هي نفس ذلك الاعتبار عند اضافه المتجانسين و اعتبار امر آخر مقرون به و هو مقدار تلك النسبه من حيث هي نسبة مقداريه وهذا فى العديديات اظهر و اول ما وجد هذا المعنى اعنى النسبه وجد فى العديديات وذلك انهم اعتبروا الاعداد المضافه بعضها الى بعض فصادفوها اما متساويه واما غير متساويه و هذا من خواص الكم. ثم اعتبروا غير المتساوى فصادفوا الاصغر اما ان يعد الاكبر

(١) كان فى نسخه الاصل انه قدر و مقدارين

(٢) و هذا ايضا كان فى الاصل حكيم الاول

مثل الثلثة للتسعة . ثم طلبوا كمية عد الثلثة للتسعة فوجدوا هائلته و كانت الثلثة  
تعد التسعة ثلث مرات فاشتقوا من هذا المعنى اسما بحسب اللغات فقالوا هو الثلث  
فالنسبة بين الثلثة والتسعة هي الثلث و هي اعتبار التساوى و غير التساوى  
مقروننا باعتبار آخر كما بينا والنسبة بين التسعة والثلثة هي الثلثة  
الاضعافيه ولم تشتقوا لهذا اسما واقتصرو على الاول وذلك الى واضع اللغة  
و اما ان لا يعد الاكبر مثل نسبت الاثنين الى السبعة وفرقوها بالاخر التي بعد  
السبعة والاثنين معا فلم يصادفوا عدد آخر بل وجدوا الواحد فقالوا النسبة  
الاثنين الى السبعة شبعين ثم برهنوا على ان الاعداد الاصغر تكون من الاكبر  
اما اجزاء واما اجزاء ولما وجدوا العدد يحتاج الى المقدار لاقسامهما جميعا تحت  
جنس الكم فطلبوا هذا المعنى ايضا في المقادير فوجدوا فيها مع هذين القسمين  
قسما آخر و ذلك ان المقادير غير مركبة من الاجزاء التي لا يتجزى وليس  
لاقسامها نهائيه محدوده كما للعدد فان العدد مركب من اجزاء لا يتجزى و  
وهي الوحدات و كل عدد من متفاضلين يفضل من الاكبر جميع اضعاف  
الاصغر و بقيت فضله اقل من العدد الاصغر ثم يفضل من الاصغر جميع  
اضعاف الفضله فيبقى منه فضله اقل من الفضله الثانيه ولا يزال يفعل هكذا فلا بد  
من ان تبلغ الى فضة تعد الفضله التي قبلها او الواحد و ذلك ان العددين  
متناهيان مفروضان و هما مركبان من الاحاد التي لا ينقسم و قولنا مركب  
في ترسيم العدد هو لاضطرار اللفظ لان معنى التركيب والكثرة والجمع والعدد  
كلها واحد وقد اورد قدرا من هذا في اول السابعة من كتابه و انت  
يمكنك ان تعرفه بادنى تأمل و اما المقادير فانها غير مركبة من اجزاء لا

يتجزى و ليس لا تقسامها حد محدود فليس يلزم فيها هذا المعنى  
فى كل حال و ليس يجب ان يبلغ لا محاله الى الواحد اذلا وحدة  
فيها و لا الى فضله بعد التى قبلها ثم ان كان هذا المعنى و اصنافها  
فلا يعرفه الا بالبرهان وقد اطنب فيها اقليدس فى عشرة كتابه و لا حاجة لنا  
اليها فى هذا البيان اصلا و اذا كان كذلك فليس كل مقدارين ملزم باضطرار  
ان يكون الاصغر اما جزا من الاكبر و اما اجزاء بل يجوز ان يكون على ضرب  
آخر غير عددى بل خاص بالمقادير فان قال انه لا يكون هذا القسم الثالث  
اصلا بل هو هذا من القسمان العدديان فنجيب فنقول لا يضربنا ان نعتبر  
احكام النسبة والتناسب فى المقادير من هذه الوجوه الثلاثة ثم ان كانت القسمه  
ملغاة بالبرهان فلا عتب علينا و ان لم يكن ملغاة فتكون قد تقدمنا و استوفينا  
جميع الاقسام وهذا و يطلع منه على اسرار منطقيه عميقه جدا فافهمه .  
ثم ذكر التناسب فقال هو اشتباه النسب وهذا بحسب اللغة كلام حسن الا انه  
عدل عن حقيقة التناسب فى شرح هذا اللفظ عدولا خارجا و ذلك  
انه قال اذا كانت اربعة مقادير متجانسه واخذت للاول والثالث اضعاف  
متساويه وللتانى والرابع اضعاف كانت الى مالا نهاية له و قيست فان  
كانت الاضعاف الاول زائده على اضعاف الثانى كانت اضعاف  
الثالث زائده على اضعاف الرابع و ان كانت مساويه لها فهي مساويه لها ايضا  
و ان كانت ناقصه عنها فهي ناقصه عنها اذا قيست على الولا فيقال نسبة الاولى  
الى الثانى كنبت الثالث الى الرابع وليس متناسبه وهذا ليس ينبئ عن التناسب  
الحقيقى الا ترى ان سائلا لو سئل و قال اربعة مقادير متناسبه التناسب  
الاقليدسى والاول نصف الثانى فهل يكون الثالث نصف الرابع ام لا فكيف

يمكن البرهان على ان الثالث يكون ايضا نصف الرابع بطريقه اقليدس فان  
اجيب و قيل انه يجب ان يكون الثالث نصف الرابع اذا كان الاول نصف  
الثاني لمكان التناسب فای برهان على ان الذى ذكر اقليدس من لوازم التناسب  
الحقيقى وقال ا كانت اذاربعه مقادير و اخذت الاضعاف على هذه الصفة و  
كانت اضعاف الاول زايدة على اضعاف الثانى ولم يكن اضعاف الثالث زائده  
على اضعاف الرابع قيل ان نسبة الاول الى الثانى اعظم من نسبة الثالث الى الرابع  
فهذا كلام الرجل فى التناسب و نحن نسمى هذه التناسب المشهور و تتكلم  
فى التناسب الحقيقى والمقاله لخامسه كلها فى التناسب المشهور و مرجعه به  
حسب ذلك التناسب فليسلم تلك المقاله و للمحقق ما نقوله فى التناسب الحقيقى  
باحرها فانا عما قليل نبرهن ان هذا التناسب المشهور لازم للتناسب الحقيقى  
فيكون لوازم التناسب المشهور اذن من لوازم التناسب الحقيقى من التركيب  
والتفصيل والابدال والعكس وغيره مما ذكره اقليدس وما ضمن كلامه  
بالقوه اقوال وحقيقه النسبة المقداريه قد تصورتها و ذلك ان كل مقدارين  
اما ان يكون احدهما مساويا لآخر او لا يكون وغير المتساوى اما جزء  
من الآخر واما اجزا و هذه الثلثه هى النسبة العدديه و اما ان يكون على  
ضرب آخر خاص بالهندسه كما قد بيناه فيما تقدم و اذا كانت اربعه  
مقادير و كان الاول مساويا للثانى والثالث مساويا للرابع او كان الاول  
جزا من الثانى والثالث ذلك الجزء بعينه من الرابع او كان الاول اجزا من  
الثانى والثالث تلك الاجزاء بعينها من الرابع فان نسبة الاول الى الثانى كنسبة  
الثالث الى الرابع لامحاله وهذا النسبه عدديه ثم ان لم يكن على هذه الوجوه  
الثلثه بل فضل من الثانى جميع اضعاف الاول حتى بقيت فضله اقل من الاول

وكذلك فضل من الرابع جميع اضعاف الثالث حتى بقيت فضله اقل من الثالث وكان عدد اضعاف الاول في الثاني مثل عدد اضعاف الثالث في الرابع ثم انفصل جميع اضعاف فضله الثاني من الاول حتى بقيت فضله اقل من فضله الثاني وكذلك فضل جميع اضعاف فضله الرابع من الثالث حتى بقيت فضله اقل من فضله الرابع فكان عدد اضعاف فضله الثاني مثل عدد اضعاف فضله الرابع وكذلك يفضل من فضله الثاني جميع اضعاف فضله الاول ويفصل من فضله الرابع جميع اضعاف فضله الثالث فكان عددهما واحدا وكذلك يفضل جميع اضعاف الفضلات بعضها من بعض على الولا كما بينا فكان عدد كل فضله من الاول والثاني مثل عدد نظيرها من الثالث والرابع الى مالا نهاية له فان نسبت الاول الى الثاني كنسبة الثالث الى الرابع لامحاله وهذا هو التناسب الحقيقي في الضرب الهندسي واما النسبة العظمى والصغرى الحقيقية فكما تقول اذا كانت اربعة مقادير و كان الاول مثل الثاني والثالث اصغر من الرابع او الاول اعظم من الرابع او الاول جزء من الثاني والثالث جزء آخر اصغر من ذلك الجزء من الرابع او اجزاها ياتسرها اصغر من ذلك الجزء او الاول اجزا من الثاني والثالث جزءا آخر اصغر من تلك الاجزاء من الرابع او اجزا هي تاتسرها اصغر من تلك الاجزاء فان نسبة الاول الى الثاني اعظم من نسبة الثالث الى الرابع وانما اقتصرنا على الجزء الاخر وتركنا الاضعاف تخفيفا وبعضها ينوب عن بعض وحكمها عند العكس واحد لا يتغير منه شيى اعنى اذا كان الاول اضعاف الثاني والثالث اضعاف الرابع فقد علمت حكمهم فظاهر هذا الاجزاء من الاضعاف في هذا وفي التناسب الحقيقي واحد وهذا النسبة عدديه واما الهندسى فاذا فضل جميع

اضعاف الاول من الثانى و بقيت فضلة وجميع اضعاف الثالث من الرابع و بقيت  
فضلة و كان عدد اضعاف الاول اقل من عدد اضعاف الثالث او كان هذا العدد  
مساويا لذلك لكن فضل جميع اضعاف فضلة الثانى من الاول حتى بقيت فضلة  
و فضل جميع اضعاف فضلة الرابع من الثالث حتى بقيت فضلة فكان عدد  
اضعاف فضلة الثانى اكبر من عدد اضعاف فضلة الرابع او هذا العدد ايضا مساويا  
لذلك العدد : لكن اذا فضل جميع اضعاف فضلة الاول من فضلة الثانى فى  
جميع اضعاف فضلة الثالث من فضلة الرابع فكان عدد اضعاف فضلة الاول اقل  
اولم يبق من فضلة الثانى او من الثانى فضلات و بقيت من فضلة الرابع او الرابع  
فضله فان نسبة الاول الى الثانى اعظم من نسبة الثالث الى الرابع لا محالة فى  
الحقيقة وبالجملة فى هذا الضرب يكون اما ان لا يبقى من الثانى ومن فضلاته  
فضله و اما ان يكون فضلاته اقل و اما ان يبقى من الاول و فضلاته فضلة ولا  
يبقى من الثالث و فضلاته فضلة و اما ان يكون فضلات الاول اكبر من فضلات  
الثالث يلزم ان يكون نسبة الاول الى الثانى اعظم من نسبة الثالث الى الرابع و  
لهذا المعنى تفصيل اطول من هذا يمكنك ان تعرفه بهذا القانون الذى تعلمته  
فافهم وبقى علينا ان نبرهن ان الذى ذكره اقليدس هو من لوازم هذا ثم  
من المقدمات التى يحتاج ان تسلم هى ان كل مقدار مفروض يمكن ان يكون  
مثل كل نسبة مفروضة الى النسب كانت و هذه المقدمه حكميه و فينه بمثال  
وضعى مثاله نسبة ( ا ) الى ( ب ) مفروضه و د مفروض فاقول انه يجب  
ان تكون نسبت ( د ) عند العقل لا عند الوجود فانه سواء يكون موجودا فى  
الاعيان او لا يكون اذا كان الاحتياج اليه فى البراهين لا غير الى مقدار آخر  
كنه ( ا ) الى ( ب ) برهانه ليس للمقادير فى التضعيف والتنصيف نهاية

محدوده بل يمكن ان يضعف الى مالا نهاية له وكذلك يمكن ان ينصف

|   |   |
|---|---|
| ب | ا |
|---|---|

الى مالا نهاية له اذا كان كذلك فباضطرار يكون

مقدار عظيم جداً نسبة ( د ) الى اصغر من نسبة

( ا ) الى ( ب ) وليكن ذلك المقدار ( هـ ) و

باضطرار يكون مقدار صغير جداً يكون نسبة ( د ) الى اعظم من نسبة

|   |    |   |   |
|---|----|---|---|
| ر | هـ | ج | د |
|---|----|---|---|

( ا ) الى ( ب ) والمقادير ليس لانقسامها نهاية

فبين ( هـ ) و ( ر ) باضطرار يكون مقدار نسبة

( د ) الى كنسبة ( ا ) الى ( ب ) لامانع هناك

اصلاً لان كل مايريد يمكن ان يفصل من ( هـ ) و كل مايريد يمكن ان

يزاد على ( ر ) فليكن ذلك ( جـ ) وذلك ما اردنا ان نبين اذا كان مقدار

ان متفاضلان وفضل من الاعظم نصفه او اكبر و من الثاني كذلك ثم هكذا

نفعل بالباقيات فانه سيقى مقدار اصغر من المقدار الاصغر المفروض مثاله

ومقدارا ( ا ب ) مفروضان فاقول ان الحكم فيهما كما ذكرنا برهانه انا

نضعف ( آ ) حتى تصير اضعافه اكثر من ( ر د ) وليكن ( ر ي ) و

فيه من امثال ( ا ) ( ر ح ) ( ح ط ) ( ط ي ) و هو ثلثة فصلنا من ( ب د )

( د جـ ) و هو نصفه او اكثر و من ( جـ ر ) ( هـ جـ ) و هو نصفه او اكثر

|   |    |   |
|---|----|---|
| ك | ب  | ر |
| ل | هـ | ا |
| م | جـ | ح |
| ن | د  | ط |

واخذنا لمقدار ( و ب ) اضعاف مساويه لاضعاف

( ر ي ) لمقدار ( ا ) و هو ( ك ن ) و اضعافه

( د ل ) ( ل م ) ( م ن ) فمقدار ( ت هـ ) ليس

ليس باعظم من ( جـ هـ ) و ( جـ هـ ) ليس باعظم من ( جـ د ) بل اصغر

منه بكثير فمقدار ( ب د ) اعظم من ثلثة اضعاف ( ب هـ ) و ثلثة اضعاف

(ك ن) فمقدار (ك ن) اصغر من (ب د) و (رى) اعظم من (ب د)  
 (فرى) اعظم من (ك ن) و نسبة (رى) الى (ك ن) بالنسبة المشهور  
 كنسبة (ا) الى (ب) فمقدار (ا) اعظم من (ب) و ذلك ما اردنا  
 ان نبين و هذا هو الشكل الاول من المقالة العاشرة من كتاب الاصول ولم  
 يحتاج في برهانه الا الى المقالة الخامسة فحسب فقلناه الى هذه الموضع  
 لاحتياجنا في هذه البراهين اليه وليكن اقليدس ذكرانه يفصل من الاكبر  
 اعظم من نصفه ولم تقل يفصل منه مثل نصفه او اكثر منه حتى تكون  
 الدعوى اعم ومن العجب انه قد استعمل هذا الشكل في شكل (بج) من  
 مقاله (بت) وقال اذا فصل من الاكبر مثل نصفه ومن الباقي مثل نصفه ولو  
 كانت دعواه هنا هكذا لكان وقع له في ذلك الموضع قائل اذا كانت  
 اربعة مقادير متناسبة بالنسبة الحقيقية ونسبة الاول الى الثانى نسبة عددية فاقول

|   |   |   |                                           |
|---|---|---|-------------------------------------------|
| د | ا | س | الى                                       |
| ل | ك | س | (د ج) كنية (ر) الى (ح ط) بالنسبة الحقيقية |
| ج | ب |   | والنسبة عددية فيكون (اب) الى مساويه       |

(ا د ج) و (ر) (ا ح ط) وتأخذ الاول والثالث اضعافاً متساوية

|   |    |    |                                      |
|---|----|----|--------------------------------------|
| ح | هـ | اى | الاضعاف كانت وهما (ع) (ص) و (اب)     |
| ن | م  | ف  | مثل (د ج) فاضعاف (ع) (ا ا ب) مثل     |
| ط | ر  |    | اضعاف (ص) (ا ر) (ف س) (ف) اما زائدان |

معاً على (ع) (ص) واما مساويان معاً لهما واما ناقصان معاً منهما فنسبه (اب) الى (د ج)  
 كنية (ر) الى (ح ط) بالنسبة المشهورة وان كان اب جزاً من (د ج) فنقسم  
 (د ج) بامثال (اب) وصى (دل) له وكذلك اقسام (ح ط) هى (ح ن)

(ن ط) فاضعاف (ع) ا (د ج) مثل اضعاف (ص) ا (ح ط) واصعاف (دج)  
 ا (اب) اعنى (دل) كاضعاف (ح ط) ا (ه ر) اعنى (حن) فيكون اضعاف  
 (ع) ا (اب) مثل اضعاف (ص) ا (هر) وآل الامر الى القسم الاول فالمقادير  
 متناسبه و ان كان (اب) اجزا من (دج) فنقسم (اب) باجزاء (دج) و هى  
 (اك) (كب) و كذلك اقسام (هر) هى (وم) (م ج) فبالبيان المتقدمه  
 يكون اضعاف (س) ا (اك) مثل اضعاف (ف) ا (وم) و كذلك يكون  
 اضعاف (ع) ا (اك) مثل اضعاف ص ا (وم) وال الامر الى الاول فالمقادير  
 متناسبه بالنسبه المشهوره وذلك ما اردنا ان نبين (وعكس) هذا الشكل و هو  
 ان مقادير (اب) (دج) متناسبه بالنسبه المشهوره ونسبه (ا) (ب) نسبة عدديه  
 بالنسبه الحقيقه فاقول انها متناسبه بالنسبه الحقيقه برهانه . ان لم يكن نسبه آ

|   |   |                                                                                                                                                                                                               |
|---|---|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| ب | ا | الى (ب) كنسبه (د) الى (ج) بالنسبه<br>الحقيقه فليكن كنسبه (د) الى (ه)<br>فيكون اذن نسبه (ا) الى (ب)<br>كنسبه (د) الى (ه) بالنسبه المشهوره<br>ونسبه (ا) الى (ب) المشهوره كنسبه<br>(د) الى (ج) فنسبه (د) الى (ج) |
|   |   |                                                                                                                                                                                                               |
| ج | ه | د                                                                                                                                                                                                             |
|   |   |                                                                                                                                                                                                               |

كنسبه (د) الى (ه) بالمشهوره كما بين فى الخامسه و نسبه (د) الى (ج)  
 و الى (ه) واحده بالمشهور فيكون (ج) مثل (ه) فنسبه (ا) الى (ب)  
 كنسبه (د) الى (ج) بالحقيقه وذلك ما اردنا ان نبين نسبه مقدار (اب) الى  
 مقدار (دج) بالمشهور كنسبه (ح ط) الى (ك ل) و نسبه (ا ه) الى (دج)  
 بالمشهور كنسبه (ح م) الى (ك ل) فاقول ان نسبه (ه ب) الى (دج) كنسبه

|                                                                           |    |   |
|---------------------------------------------------------------------------|----|---|
| (م ط) الى (ك ل) بالمشهور برهانه نسبة (اب) الى (د ج) كنسبه (ح ط) الى (ك ل) |    |   |
| و نسبة (د ج) الى (اه) كنسبه (ك ل) الى (ح م) ففى نسبة المساوات نسبة        |    |   |
| (اب) الى (اه) بالمشهور كنسبة (ح ط) الى (ح م)                              | ا  | د |
| فيكون نسبة (اب) الى (وب) كنسبه ح م الى (م ط)                              | هـ |   |
| بالمشهور وبالعكس نسبة (وب) الى (اب) كنسبه                                 | ب  | ج |
| (م ط) الى (ك ل) و نسبة (اب) الى (د ج) كنسبه                               | ح  | ك |
| (ح ط) الى (ك ا) ففى نسبة المساواه نسبة (م ط)                              | م  |   |
| الى (ك ل) كنسبه (وب) الى (د ج) وذلك ما اردنا                              | ط  | ل |

ان نبين وقد برهن اقليدس على عدة اشياء فى مقاله الخامس غير محتاجه الى البرهان وهو قوله : نسبة المقدار الواحد الى المقدارين المتساويين واحدة وقد بينها وقوله اذا كانت نسبة الاول الى الثانى كنسبة الثالث الى الرابع و نسبة الثالث الى الرابع كنسبه الخامس الى السادس فنسبة الاول الى الثانى كنسبة الخامس الى السادس وهذا لا يحتاج الى برهانه لان نسبة الاول الى الثانى اذا كانت هى بعينها نسبة الثالث الى الرابع و كانت نسبة الثالث الى الرابع هى بعينها نسبة الخامس الى السادس لزم ان تكون نسبة الاول الى الثانى هى بعينها نسبة الخامس الى السادس باضطرار ولكن اقليدس لما عبر عن التناسب بلازم له لا بنفسه امكن ان يكون الشك يعترض فى ذلك اللازم و اما فى النسبة الحقيقية فلان نسبة مقدار (اب) الى مقدار (د ج) كنسبه مقدار (ح ط) الى مقدار (ك ل) بالمشهور و ليست نسبة (اب) الى (د ج) نسبة عدديه فاقول انها متناسبه بالتحقيق برهانه : ان لم تكن متناسبه فتكون نسبة احدهما اعظم من الاخر فليكن نسبة (اب) الى (د ج) اعظم من نسبة (ح ط) الى (ك ل) فنفصل

من (دج) جميع اضعاف (اب) و هو (هج) ونفصل من (كل) جميع اضعاف (حط) و هو (رل) فان كان عدد هما متقابلين فليكن عدد (رل) اكثر لان النسبة الصغرى في جنبه (حط) (كل) فنفصل من (رل) من اضعاف (حط) مثل عدد (هج) وهو (سل) فيكون نسبة (اب) الى (هج) كنسبه (حط) الى (سل) فيبقى نسبة (اب) الى (ده) كنسبه (حط) الى (كس) و (اب) اعظم

|    |   |                                             |
|----|---|---------------------------------------------|
| د  | ا | من (ده) و (حط) اصغر من (لس) هذا محال        |
| هـ | ن | فعدد (رل) مثل (هج) فيبقى نسبة (ده) الى (اب) |
| ج  | ب | كنسبه (رل) الى (حط) فنفصل جميع اضعاف (ده)   |
| ر  | ح | من (اب) وهو (بن) ويفصل جميع اضعاف (رل)      |
| س  | م | من حط وهو (مط) فان كان عدد (بن) مثل عدد     |
| ل  | ط | (مط) و الا فيكون عدد (بن) اكثر لان النسبه   |

العظمى في جنبه (اب) (دج) وقد بينا احكامها في صدر المقالة ثم اذا كان عدد (بن) اكثر لزم المحال المقدم فيجب ان يكون عدد (بن) مساويا لعدد (مط) وكذا يجب في عدد جميع الفضلات ولكن فرصا ان نسبة (اب) الى (دج) اعظم من نسبة (حط) الى (كل) فلا بد من ان يحصل شيئي من خواص النسبه العظمى وهو ان يكون عدد فضلات (دج) اقل من عدد فضلات (كل) وهو محال او يكون عدد فضلات (اب) اكثر من عدد فضلات (حط) وهو محال ايضا فليس نسبة (اب) الى (دج) اعظم من نسبة (حط) الى (كل) وذلك ما اردنا ان نبين و اعلم ان كون نسبة المقدار الواحد الى المقدارين المتساويين نسبة واحده و كون نسبة كل واحد من المقدارين المتساويين الى المقدار الواحد نسبة واحدة فغير محتاجين الى البرهان ولكن اذا كانت

نسبة كل واحد من مقدارين الى مقدار واحد نسبة واحد كان المقداران متساويين فمحتاج الى برهان وكذلك اذا كانت نسبة مقدار واحد الى مقدارين نسبة واحدة كان المقداران متساويين يحتاج الى برهان مثاله : نسبة مقدار (ار) الى (جه) كنسبة الى (بد) بالتحقيق فاقول ان (بد) (جه) متساويان برهانه : ان لم يكونا متساويين فاحدهما اعظم و هو (بد) وليكن (ار) اصغر من كل واحد منهما فرضافانه ان كان اعظم كان البرهان واحداً وكذلك في جميع الاشكال المقدمة فنفصل من (جه) جميع اضعاف (ار) وهو (ح) وكذلك يفضل جميع اضعاف (ار) من (بد) وهو (طد)

|   |   |   |                                            |
|---|---|---|--------------------------------------------|
| ج | ا | ب | فيكون (ح) مثل (طد) فيكون (لط) اعظم من      |
| ك | م | ل | (جج) وفضله عليه بمقدار فضل (رد) على (جه)   |
| ح | ن | ط | ويفضل من (ار) جميع اضعاف (جج) وهو (نر)     |
| د | ر | د | و يفضل ايضا من (ار) جميع اضعاف لط وهو (مر) |

فيكون (مر) لامحاله اعظم من (نر) لان عددا الاضعافين متساويين ويفضل جميع اضعاف (ام) من (بط) فيبقى (ب) ويفضل جميع اضعاف (ان) من (جج) يبقى (جك) فيكون (بل) اعظم من (جك) وفضله عليه اعظم من فصل (در) على (جه) لان فصل (بط) على (جه) مثل فضل (بد) و (ام) اصغر من (ان) فيكون (طل) اصغر من (كح) فيبقى فضل (بل) على (جك) اعظم من الفضل الاول وكذلك في الكثرة الاخرى من الفضلات يكون الفضل من (بد) اعظم من فضله (جك) واعظم من الفضلة المتقدم وهكذا تكون كل فضله اعظم مما قبله الى مالا نهايه له وليكن (دد) مقدار فضله على (جه) مقدار اصغر منه و يفصل من (بد) اعظم من نصفه وهو (طد) وكذلك

من (ط) اعظم من نصفه و هو (ط) و كذلك (هر) هكذا بفضل من الباقي اعظم من نصفه الى مالا نهاية له فيبقى مقدار اصغر من فضل (اد) على (جـه) وقد بينا ان الفضلات الى الزيادة اعنى كل فضله وهو هذه الباقيات من الفضل المذكور يكون اعظم من الفضله المتقدمة ويكون اعظم من فضله (له) بكثير في كل مرة اذا كان (اد) اعظم من (جـه) الى مالا نهاية له هذا محال فليس (له) اعظم من (جـه) والا صغر فهو مثله وذلك ما اردنا ان نبين و هكذا عكسه بمثل هذا البرهان نسبتهما اليه واحدة يجب ان تكونا متساويتين نسبة (آ) الى (ب) بالتحقيق كنسبة (د) الى (جـ) والنسبة غير عدديه فاقول ان نسبة (آ) الى (ب) يكون اذن كنسبه د الى (جـ) بالمشهور برهانه : ان نسبة (آ) الى (ب) كنسبه (د) الى (هـ) بالمشهور فقدينا ذلك ان هذا الحكم يستمر في كل مقدار

|    |   |                                                    |
|----|---|----------------------------------------------------|
| ب  |   | وان كان يوجد بقانون صناعى فى الاعيان فيكون         |
|    |   | نسبة (ا) الى (ب) كنسبة (د) الى (هـ) بالتحقيق       |
|    |   | فيكون اذن نسبة د الى (هـ) كنسبة (د) الى (جـ)       |
| جـ | د | بالتحقيق فهما متساويتان فالمقادير متناسبة بالمشهور |

وذلك المطلوب ولما ذكرنا احكام التناسب الحقيقي و بينا ان التناسب المشهور بحسب ما ذكره اقليدس من لوازمه اعنى كل متناسب بالمشهور فهو متناسب بالحقيقه و كل متناسب بالحقيقه فهو متناسب بالمشهور فلنذكره الآن احكام عظم النسبة وصغرها . الحقيقتين اذا كانت نسبة الاول الى الثانى كنسبة الثالث الى الرابع بالتحقيق فتكون تلك النسبة هي بعينها هذه النسبة ونسبة الثالث الى الرابع اعظم او اصغر من نسبة الخامس الى السادس فنكون نسبة الاول الى الثانى اعظم من نسبة الخامس الى السادس بالتحقيق لا يحتاج الى برهان واقلیدس انما برهن

عليه لانه اخرج المعنى من الحقيقة و عدل عن حقيقة ذات الشئ الى لازم له غير ظاهر بل ذى وسط يحتاج فى معرفة اللزوم الى برهان و كذلك اذا كان مقداران متفاضلان فان نسبة مقدار آخر الى الاعظم بالحقيقة اصغر من نسبة ذلك المقدار بعينه الى المقدار الاصغر و كذلك نسبة الاعظم الى ذلك المقدار المفروض بالحقيقة اعظم من نسبة المقدار الاصغر الى ذلك المقدار بعينه لا يحتاج الى برهان اصلا و اقليدس برهن عليه لانه عدل عن حقيقة النسبة العظمى الى المشهور و اما اذا كانت نسبة مقدار مفروض الى احد المقدارين المفروضين اعظم من نسبة ذلك المقدار بعينه الى المقدار الاخر من المقدارين المفروضين بالحقيقة فمحتاج الى برهان و كذلك عكسه يحتاج الى برهان .

ايضا مثاله مقدار ( ا ب ) ( د ح ) مفروضان و مقدار ( ه ر ) مفروض ونسبة ( ه ر ) الى ( ا ب ) اصغر من نسبته الى ( د ح ) فاقول ان ( ا ب ) اعظم من ( د ح ) برهانه : ان لم يكن ( ا ب ) اعظم من ( د ح ) فهو اما ان يكون مساويا له فيلزم اذن ان يكون نسبة ( ه ر ) الى ( ا ب ) كنسبة ( ه ر ) الى ( د ح ) وليس كذلك اذن فليس بمساو له

|   |    |   |                                                                |
|---|----|---|----------------------------------------------------------------|
| د | هـ | ا | واما ان تكون اصغر منه و قد فرضنا ان نسبة                       |
|   | و  |   | ( ه ر ) الى ( ا ب ) اصغر من نسبة ( ه ر ) الى                   |
| ح | ل  | ط | ( د ح ) فيجب اذن ان يكون عدد بعض فضلات                         |
|   |    |   | ( ه ر ) لفضلات ( ا ب ) اعظم من عدد نظائره                      |
| ج | ر  | ب | من ( ه ر ) لنظائره من ( د ح ) او يكون عدد                      |
|   |    |   | بعض فضلات ( د ح ) لفضلات ( ه ر ) اعظم من عدد نظائره من ( ا ب ) |

لنظائره من ( ه ر ) لان هذا هو من خواص عظم النسبه و صغر ها او خاصية اخرى من خواصها يمكنك ان تعرفها بادننى تأمل و خصوصا اذا تحققت ما نورد ههنا و نفرض ههنا ( ه ر ) اصغر من كل واحد منهما لانه ان كان اكبر منهما او مساويا لاحدهما و اصغر و اكبر من الاخر فان البرهان واحد و فى بعض الوجوه اسهل يمكن ان تعرف بادننى تأمل و يفضل جميع اضعاف ( ه ر ) من ( ا ب ) يبقى الفضله ( ا ط ) وكذلك يفضل جميع اضعاف ( ه ر ) من ( د ج ) يبقى الفضله ( د ح ) ( ف ح ج ) مثل ( ب ط ) و ان لم يكن يلزم ان يكون ( ب ط ) اعظم من ( ح ج ) لان عظم النسبه فى جنبه الا ان ( د ج ) اعظم من ( ا ب ) هذا محال ( ف ح ج ) مثل ( ب ط ) فيكون ( د ح ) اعظم من ( ا ط ) و يفضل جميع اضعاف ( د ط ) من ( ه ر ) تبقى الفضله ( ه ك ) و يفضل جميع اضعاف ( ا ط ) من ( ه ر ) تبقى الفضله و يجب ان يكون عدد الفضلات فى هذا ايضا مساويا و الا لزم المحال الاول لانه ان لم يكن عدد الفضلات مساويا كان متفاضلا و ان كان عدد امثال ( ح د ) فى ( ك ر ) اعظم من عدد امثال ( ا ط ) فى ( ل ر ) يكون ( ك ل ) اعظم من ( ا ط ) و لكن ( ه ل ) اصغر منه هذا محال و ان كان عدد امثال ( د ح ) فى ( ك ر ) اصغر من عدد امثال ( ا ط ) فى ( ل ر ) كانت نسبة ( ه ر ) الى ( د ج ) اصغر من نسبته الى ( ا ب ) وقد فرضنا بخلاف هذا محال فعدد امثال ( د ح ) فى ( ك ر ) مثل عدد امثال ( ا ط ) فى ( ل ر ) وكذلك يلزم فى كل فضله هذ المعنى بعينه و هو ان يكون عدد امثال فضلات ( د ج ) فى فضلات ( ه ر ) مساويا لعدد فضلات ( ا ب ) فى ( ه ر )

وكذلك عدد امثال فضلات ( ر ) فى ( د ج ) يكون مساويا لعدد  
امثال فضلات ( ر ) فى ( ا ب ) والا يلزم المحال المذكور ولا يزال  
تكون الفضلات الباقية من ( ر ) بعد اسقاط فضلات ( د ج ) منها اصغر  
من فضلات ( ر ) بعد اسقاط فضلات ( ا ب ) من ( ر ) اعنى نظائرها  
ويكون فضلات ( د ج ) بعد اسقاط فضلات ( ر ) منها اعظم من فضلات  
( ا ب ) بعد اسقاط فضلات ( ر ) منها اعنى النظائر وهذا خلاف -  
المطلوب وذلك ان نسبة ( ر ) الى ( ا ب ) اصغر من نسبة ( ر )  
الى ( د ج ) هذا محال فليس ( د ج ) باعظم من ( ا ب ) ولا مساويا له  
فهو اذن اصغر منه وذلك ما اردنا ان نبين ولهذا الشكل اختلاف و  
قرعات واصعب اضعافه ما اثنا به و باقيا يمكن ان تستبطن بقوة هذا  
قبر كنا تبرما بالتطويل والجيد الحدس الثاقب الراى اذا عرضت عليه  
تلك الاضعاف تقطن لبراهينها بقوة ما ذكرنا بادنى مدة وكذلك ساير  
الاشكال التى قبله لا يخلو عن اختلاف وقوع واختلاف اوضاع وسيله  
هذا السيل حتى تعلمه واكثر الاشكال الهندسيه لا يخلو عن اختلاف  
وقوع ومن الناس من يتكلف تطويلات يخلو يخرج التصنيف عن وزنه  
وقدره وما هو الا تكلف وتعسف بارد وثابت  
قد صرف عنه صفحا لهذا السبب نسبة مقدار  
( ا ) الى مقدار ( ب ) اعظم من نسبة مقدار  
( د ) الى مقدار ( ج ) بالمشهور فاقول انها اعظم منها بالتحقيق .  
ايضا برهانه : ان لم يكن فهى مثلها او اصغر منها فان كانت مثلها  
كانت نسبة ( ا ) الى ( ب ) بالمشهور كنسبة ( د ) الى ( ج ) وقد قلنا

انها اعظم منها هذا محال و ان كانت اصغر منها فبقدر ان نسبة ( ا ) الى ( ب ) كنسبة ( د ) الى ( هـ ) بالحقيقة فنسبه ( د ) الى ( هـ ) اصغر من نسبة ( د ) الى ( جـ ) فيكون ( جـ ) اعظم من ( د ) بالحقيقة كما يبين في الشكل المتقدم و نسبة ( ا ) الى ( ب ) كنسبة ( د ) الى ( جـ ) في المشهور فنسبة ( د ) الى ( جـ ) بالمشهور اعظم من نسبة ( د ) الى ( هـ ) فيكون ( جـ ) اصغر من ( د ) و قد كان اعظم منه هذا محال فليست نسبة ( ا ) الى ( ب ) اصغر من نسبة ( د ) الى ( جـ ) فهي اذن اعظم منها وذلك ما اردنا ان نبين وعكس هذا الشكل نسبة مقدار ( ا ) الى ( ب ) بالحقيقه اعظم من نسبة ( د ) الى ( جـ ) فاقول انها بالمشهور كذلك فان لم يكن فلا يجوز ان تكون النسبه مثل النسبه و الا لزم المحال - المذكور فليكن نسبة ( ا ) الى ( ب ) اصغر من نسبة ( د ) الى ( جـ ) بالمشهور و تقدر ان نسبة ( ا ) الى ( ب ) بالمشهور كنسبة ( د ) الى ( هـ ) فنسبة ( د ) الى ( هـ ) اصغر من نسبة ( د ) الى ( جـ ) فيكون ( هـ ) اعظم من ( جـ ) و نسبة ( ا ) الى ( ب ) بالمشهور كنسبة ( د ) الى ( هـ ) فنسبة ( د ) الى ( هـ ) اصغر من ( د ) الى ( جـ ) فيكون ( هـ ) اعظم من ( جـ ) و نسبة ( ا ) الى ( ب ) بالمشهور كنسبة ( د ) الى ( هـ ) فبالحقيقه كذلك فنسبة ( د ) الى ( هـ ) بالحقيقه اعظم من نسبة ( د ) الى ( جـ ) فيكون ( هـ ) اصغر من ( جـ ) و قد كان اعظم منه هذا محال فنسبة ( ا ) الى ( ب ) بالمشهور اعظم من نسبة ( د ) الى ( جـ ) و ذلك ما اردنا ان نبين .

فقد يبين ان ما ذكر اقليدس من ترسيم عظيم النسبة وصغره هي

من لوازم عظيم النسبة و صغرها الحقيقيين وهو ان كل نسبة عظمى بالمشهور  
فهي ايضا عظمى بالحقيقه و كذلك الصغرى و عكسه ان كل نسبة عظمى  
بالمشهور و كذلك الصغرى و باقى الاحوال من التركيب و التفصيل و  
الابدال و العكس و نسبة المساواه و غير ذلك من الاحكام التى ذكرها  
اقليدس فى صدر المقالة الخامسة و فى ضمنها و ما يتعلق بها و ما تبرهن  
بها من غير احتياج الى غيرها فكلها من لوازم النسبة الحقيقه و لوازم  
التناسب الحقيقى و كذلك النسبة العظمى و الصغرى و اما تاليف النسبه  
و تفصيلها فغير محتاج اليها فى المقالة الخامسة بل الاحتياج اليها فى -  
المقالة السادسة و سنستوفى الكلام عليها فى المقالة الثالثه لهذه الرساله  
بحمد الله و حسن توفيقه تمت المقالة الثانيه و الله المحمود

### المقالة الثالثة

#### فى تأليف النسبه و تحقيقه

قد ذكرنا فى اول المقالة الثانيه حقيقه النسبه الكميه و معناها و قلنا هناك ان النسبه هى اضافه بين المقادير من حيث هى مقادير مقرونه بامر آخر و ذلك الامر هى مقدار التفاضل بينهما على وجه معلوم لا يشاركها فيها غير ها و اطينا فيها و استأقنا الكلام فى تأليف النسبه قال اقليدس اذا اخذت نسبتان و ضوعف بعضا ببعض فقلت نسبة ما قبلك النسبه هى مؤلفه من تينك النسبتين ضوعت احديهما فى الاخرى و قال فى صدر المقالة الخامسه على سبيل المصادره من غير برهان ان كل ثلثه مقادير متجانسه فان نسبة الاول الى الثالث مؤلفه من نسبة الاول الى الثانى و من نسبة الثانى الى الثالث و قال ان كل ثلثه مقادير متناسبه فان نسبت الاول الى الثالث ضعف نسبة الاول الى الثانى و كذلك اذا كانت اربعة مقادير وخمسة مقادير على هذا القياس و هذه قضيه عظيمه و يجوز ان تكون مقدمه لامور عظيمه الا يبرهان هندسى شاف اما ما ذكره من تضعيف النسبه فهو ان نسبة ثلثه الى خمسه معناها ثلثه اخماس واحد و ذلك انه يفرض مقدار واحد اى يفرض مقداراً و يسمى واحداً و يضاف اليه المقادير الاخر فان كل مكمل لابد من ان يكون فيه شئى مفروض واحداً و الثانى مضاف اليه من سبل العدد فلو كانت النسبه المقداريه غير عدديه اضيف مربعه الى مربع الواحد او مربع مربعه الى ما لا نهاية له او يترك تلك النسبه مجهوله من حيث الكيل اذا لا يوجد سبيل الى ادراك كميه اصلا مضافه الى ذلك الواحد المفروض

ولست اقول ان النسبة المقدارية يجب ان تكون مكيه حتى تكون معلومه بل اقول انه لا بد من ان تكون كل نسبة مقدار بحيث يمكن ان تفرض مقدارا من ذلك الجنس واحدا فيكون اذن نسبة ذلك المفروض الى مقدار آخر معقول مثل تلك النسبة المفروضة و ليس يجب ان يكون ذلك المقدار مفقودا لكونه مفقودا في الاعيان بسبب عجزنا عن الوقوف على قانون صناعى به يمكن استخراجها وكثيرا ما تكون هذه النسبة مجهولة من جهة العدد معلومه من جهة الهندسه ولكن لاضير لنا من ذلك بعد تحقيقنا ان النسبة المقدارية يقترن بشيئى عددى او فى قوة - العدد ثم النظر فى ان النسبة المقدارية هل يتضمن العدد فى ذاتها او يلزم العدد او يلحقه العدد من خارج ذاته بسبب امر آخر و يلحقه العدد بسبب للالزم ذاته من غير احتياج الى حكم خارج فذلك نظر حكمى ليس للمهندس تعاطيه اصلا لكن يجب ان يعرف ان الكلام فى تاليف النسبة منها هو من حيث اقتران معنى العدد والواحد بها اما بالقوه و اما بالفعل و اما كيف ذلك الاقتران و هو على احد الوجوه التى ذكرنا ام لافليس الينا فى هذا البحث فافهمه و ان اقليدس احتاج الى تاليف النسبه فى الشكل الثالث العشرين من مقاله السادسه حيث اراد ان يبرهن على ان كل سطحين متوازي الاضلاع روايا متساويه و اراد بالتاليف بضعف احدى النسبتين بالآخرى ثم لم يجتج فى كتابه الى ذلك الشكل ولا الى تلك الاخرى القاتله بان كل ثلثه مقادير متناسبه فان نسبت الاول الى الثالث ضعف تسبه الاول الى الثانى الا عند نسب اضلاع السطوح المتشابهه واضلاع المجسمات المتشابهه وهى ايضا مستغنى عنها فليت شعرى ما الذى اخرجها

الى ذكرها تين المقدمتين و المصادرة عليها من غير برهان  
و اما تأليف النسبه في كتاب بظلميوس المعروف بالمجسطي فشي  
عظيم و اعناده كثيره و فائدة جزيله الا ان بظلميوس قد صادر ايضا على  
هذه المقدمه من غير برهان و عليه بناء الشكل القطاع و على الشكل  
القطاع بنى اكثر علم الهيئه و خصوصا ما يقع من الاحوال و الاحكام و  
البيات في الفلك المكوكب و فلك معدل النهار ففناء هذا اعنى تأليف  
النسبه ليس بصغير و كذلك كتاب المخروطات لابلونيوس الذى هو مقدمه  
عظيمه لاكثر العلوم الهندسيه و خصوصا المجسمات و بالجمله فان عظام  
الامور فى علم الهيئه و علم الهندسيات الصغار والكبار منبىه على تأليف النسبه  
و اما تأليف النسبه المذكوره فى علم الموسيقى فانه غير هذا التأليف  
و انما هو التركيب و التقصان و لفظ التأليف عليهما بالاتفاق والاشتراك  
لا بالتواطؤ الصرف و اقليدس قد ذكر تأليف النسبه المعروف فى مقاله  
التانيه و استعمله فى شكل كان مستغنيا عنه فى كتابه استغاؤه من -  
الشكل الذى ذكرنا و تركيب النسبه الذى عليه مبنى بعض اجزاء -  
الموسيقى فان ذلك عددى و قد اشبع القول فيه اقليدس فى المقالة -  
الثامنه و اما نقصان النسبه المذكور فى الموسيقى فهو بالحقيقه عند -  
النظر و التأمل صنف من التركيب و الطريق الى معرفتها عند الثاقب  
الرأى الجيد الحدس واحد و قد ذكرنا سطرنا من هذا المعنى فى شرح  
المشكل من كتاب الموسيقى و علم العدد غير محتاج الى الهندسه و  
كيف يكون و هو قبل الهندسه قبله بالذات و ليس بينهما نسب الا ان  
الهندسه مفقره الى العدد و كيف لا و المثلث هو الذى يحيط به ثلثه

خطوط فمن لم يكن عارفاً بمعنى الثلثة كيف يمكنه ان يعرف معنى -  
الثالث فالثالث جزء من الثالث فهو علته و قبله بالذات و النظر فى العدد  
غير النظر فى الهندسه و هما علامان ليس احدهما قبث الاخر و لكن-  
الهندسه تحتاج فى بعض براهين اجزائها الى شئى من العدد كما هو  
مذكور فى المقالة العاشره و ذلك عند مساحة المقادير اعنى معرفة النسبه  
بينهما من حيث العدد كما قد بيناه فى صدر هذه مقاله و هو ان يفرض  
مقدار ما واحد او يمسح به ساير المقادير التى من جنسه و هو ان  
يعرف كميتها من حيث النسبة الى ذلك الواحد و اقليدس انما خلط بين  
صناعة العدد و صناعة الهندسه لامرئى احدها ليكون كتابه مشتملا على  
اكثر قوانين علم الرياضيات و نعم ما رآى هذا و الثانى انه محتاج الى  
علم العدد فى المقالة العاشره و لم يرد ان يكون براهين كتابه محتاجه  
الى شئى خارج من كتابه من علم الرياضيات الا انه كان من الواجب  
ان يقدم العدديات على الهندسيات كما عند الوجود و العقل و لكن -  
البراهين العدديه اصعب ادراكاً من البراهين الهندسيه فقدم عدة براهين  
هندسيه لى تراض نفس المتعلم و بعد ما ذكرنا هذه المعانى التى بعضها  
خارج من الفرض المذكور المقصود نحوه فى هذه مقاله و انما  
ذكرناه ليكون زيادة فى علم الاصول هذه المعانى و ليكون هذه الرساله  
مشتمله على اكثر ما يحتاج اليه فيها و تشويقاً للمتعلم الى الامتداد نحو  
معرفة اصول الصناعات و الوقوف على اصول العلوم الكليه و على مبادئ  
الوجود و معرفة واجب الوجود الحق و سائر الاحوال الالهيه و  
امر المعاد .

نشرح في البرهان على ما قلنا : ( ا ب د ) ثلثة مقادير متجانسة  
 فاقول ان نسبة مقدار ( ا ) الى مقدار ( د ) مؤلفه من نسبة مقدار ( ا )  
 الى مقدار ( ب ) و من نسبة مقدار ( ب ) الى مقدار ( د ) برهانه ؛  
 نفرض الواحد و نجعل نسبة الى مقدار ( ر )  
 كنسبة ( ا ) الى ( ب ) و النظر في مقدار ( ر )  
 لا من حيث كونه خطأ او سطحا او جسما  
 او زماتا بل النظر فيه من حيث كونه مجردا  
 في العقل عن هذه اللواحق و من حيث تعلقه

بالعدد لا عدداً مطلقاً حقيقياً لان النسبة بين ( ا ) و ( ب ) ربما كانت  
 غير عدديه فلا يوجد عدد ان على نسبتها والحساب اعنى المساح  
 كثيرا ما يقولون نصف الواحد و ثلثه و غير ذلك من الاجزا والواحد  
 لا ينقسم ولكنهم يعنون به واحدا لا مطلقاً حقيقياً منه تركبت الاعداد  
 الحقيقية بل يعنون به واحدا مفروضا ينقسم عندهم ثم يتصرفون في المقادير  
 بحسب ذلك الواحد المنقسم و بحسب الاعداد المركبة منه و كثيراً  
 ما يقولون جذر خمسة جذر عشرة و غير ذلك مما يكثر في اتنا  
 محاوراتهم و ضمن اعمالهم و مساحاتهم و انما يعنون به خمسة مركبة  
 من آحاد منقسمه كما ذكرنا فيجت ان تعرف ان هذا الواحد هو ذلك  
 المنقسم و مقدار ( ر ) يعتبر فيه عدد كما ذكرنا اى مقدار كان و قولنا  
 نجعل نسبة الواحد الى مقدار ( ر ) كنسبة ( ا ) الى ( ب ) فانا لا نعنى  
 به يمكننا من ان نصنع في جميع المقادير هذا المعنى اى يجعل مايقول  
 بقانون صناعى بل نعنى به انه عند العقل غير ممتنع ان يكون و ليس

عجزنا عن صنع ذلك بدل على ان الامر فى ذاته ممتنع فافهم هذه -  
 المعانى و نجعل نسبة الواحد الى مقدار ( ج ) كنسبة ( ا ) الى ( د )  
 فنسبة ( ا ) الى ( د ) كنسبة الواحد الى ( ج ) و نسبة ( هـ ) الى الواحد  
 كنسبة ( د ) الى ( ب ) ففى نسبة المساواة تكون نسبته ( ا ) الى ( ب )  
 كنسبة ( هـ ) الى ( ج ) و نسبة ( ا ) الى ( ب ) كنسبة الواحد الى ( ر )  
 فيكون نسبة ( هـ ) الى ( ج ) كنسبة الواحد الى ( ر ) فهما اربعة مقادير  
 متناسبة فيكون ضرب الواحد الذى هو الثالث من ( ج ) الذى هو الثانى  
 كضرب ( هـ ) الاول فى ( ر ) الرابع و ( د ) هو نسبة ( ا ) الى ( ب )  
 و ( هـ ) هو نسبة ( ب ) الى ( د ) و ( ر ) هـ و نسبة ( ا ) الى ( هـ )  
 ف ضرب نسبة ( ا ) الى ( ب ) فى نسبة ( ب ) الى ( د ) و ضرب الواحد  
 فى كل شئى هو هذا الشئى بعينه لا يزيد و لا ينقص فيكون ضرب  
 نسبة ( ا ) الى ( ب ) فى نسبة ( ب ) الى ( د ) هو نسبة ( ا ) الى ( د )  
 ذلك ما اردنا ان نبين وكذلك اذا كانت اربعة مقادير متجانسة كيف  
 ما كانت فان نسبة الاول الى الرابع مؤلفة من نسبة الاول الى الثانى و  
 من نسبة الثانى الى الثالث و من نسبة الثالث الى الرابع مثالة : مقادير  
 ( ا ب د ج ) الاربعة متجانسة و ( ا ب د ) ثلثة مقادير متجانسة فنسبة  
 ( ا ) الى ( د ) مؤلفة من نسبة ( ا ) الى ( ب ) و من نسبة ( ب ) الى  
 ( د ) و ( ا د ج ) ثلثة مقادير فان نسبة ( ا ) الى ( ج ) مؤلفة من  
 نسبة ( ا ) الى ( د ) و من نسبة ( د ) الى ( ج ) فيكون نسبة ( ا ) الى  
 ( ج ) مؤلفة من نسبة ( ا ) الى ( ب ) و من نسبة ( ب ) الى ( د ) و  
 من نسبة ( د ) الى ( ج ) و ذلك ما اردنا ان نبين و على هذا القياس

إذا كانت المقادير خمسة أو ستة إلى ما لا نهاية له و إذا كانت ثلثة مقادير متناسبه كانت نسبة الاول الى الثانى كنسبة الثانى الى الثالث و نسبة الاول الى الثالث مؤلفه من نسبة الاول الى الثانى و من نسبة الثانى الى الثالث فيكون نسبة الاول الى الثالث ضعف نسبة الاول الى الثانى كما قد صدر عليه اقليدس فى صدر المقالة الخامسة و على هذا القياس اذا كانت خمسة او ستة الى ما لا نهاية له

و اذ قد اتينا على جميع الفرض المقصود نحوه فى هذه الرسالة فقد حان لنا ان تم المقالة حامدين لله تعالى و اعلم انا قد اودعنا هذه الرسالة و خصوصاً فى المقالتين الاخرتين معان دقيقه جداً و استوفينا الكلام فيها بحسب هذا الفرض فمن تأملها و تحققها ثم اشتغل بفهم ما يتنى على هذه المقدمات كان عالماً بالهندسه علماً حقيقياً بحسب الصنائه فاذا تحقق مبادئها من الحكمة الاولى كان عالماً بها بحسب العقل و الله محمود على كل حال و الصلاة على خير خلقه محمد و آله الطيبين - الطاهرين و حسبنا الله و نعم المعين .

و كان بخط الشيخ الامام عمر بن ابراهيم الخيامى مكتوب فى آخر هذه الرسالة وقع الفراغ من تسويد هذا اليباض ببلد دار الكتب منك فى اواخر جمادى الاولى سنة سبعين و ازبعها مائه

تمت الرسالة على يدى مسعود بن محمد بن على الحلفرى فى -  
الخامس من شعبان سنة خمسة عشر و ستمائيه .

## غلطنامہ

| صفحہ سطر                     | غلط                     | صحیح  | صفحہ سطر       | غلط           | صحیح |
|------------------------------|-------------------------|-------|----------------|---------------|------|
| III ۲                        | ابن يك سطر زائد است     | ۱۵ ۱  | کلتی           | کلتا البجدتين | صحیح |
| و مقصود همان کون و تکلیف است | ۱۵ ۱                    | را کر | وا کر          |               |      |
| ۱ ۳                          | يفترض يفرض              | « ۱۴  | يجب            | يجب           |      |
| ۳ ۳                          | لاتبرهی لاتبرهن         | « ۲۱  | بما            | ربما          |      |
| « ۵                          | حالتی شکوله حالی شکو که | ۱۶ ۱  | رهنا           | وهنا          |      |
| « ۱۵                         | مبتہجاتبہ مبتہجا بہ     | ۲۰ ۴  | ضوعف           | ضوعف          |      |
| ۷ ۹                          | والعمری ولعمری          | « «   | یرید           | یزید          |      |
| « ۱۹                         | ذالك ذالك               | « ۱۰  | ایہ            | ایسہ          |      |
| ۱۲ ۹                         | حق الخیر حق الخیر       | ۲۱ ۳  | تعدد           | تعد           |      |
| « «                          | ينطبق ينطبق             | ۲۱ ۸  | شبعین          | سبعین         |      |
| ۱۳ ۳                         | ان ثبت ان ثبت           | ۲۲ ۴  | لا يعرف        | لا يعرف       |      |
| « ۱۸                         | عنا ومعناه المشقه       | ۲۳ ۳  | اكانت اذا ربعه | اكانت اربعه   |      |
| « ۶                          | الغفل الغفل             | « ۱۰  | باخرها         | باخرها        |      |
| « ۷                          | لعروب لعروب             | ۲۴ ۱۶ | تاسرها         | ياسرها        |      |
| « ۹                          | لا يتعلق يتعلق          | ۳۷ ۱  | صغرها          | صغیرها        |      |
| « ۱۵                         | نضرب بضرب               | ۴۰ ۱۳ | استغبا         | استغناؤه      |      |

الاصرب الخالص الذي في الجرم المختز موزون في سبعة الميه عشر الى العشره  
فصرب واحد في عشره ونقصه على حبه فخرج اثنتان وكان سبعة الميه عشر  
الي العشره مثل ونصف مثل فنصرب الاتين في واحد ونصبت فحصل ثلاثه  
عشره ان في الجرم المختز من الاصرب الخالص ثلاثه ومن النحاس الخالص سبي  
وذلك بين كانه اذا كان وزن الاصرب الخالص حبه عشر ووزن النحاس الخالص  
الديب سببه في العظم عشره فان ثلاثه من الاصرب الخالص يكون كاتين من  
النحاس الخالص واذا نقص من اثني عشر الذي هو وزن الجرم المختز وزنه  
الاصرب الذي هو فيه وهو ثلاثه بن سببه وهو وزن النحاس الذي في الجرم  
المختز واذا نقص من وزن النحاس الخالص الذي يارب الجرم المختز في  
العظم وهو احد عشر اثنتان بن ايضا فحصله وذلك ما اردنا ان نبين

الحكم العاقل في القمع عمر بن ابراهيم النياي في الاختيال للمعرفه مقدار الذهب  
والفضه في جسم مركب منهما

اذا اراد ان تعرف مقدار كل واحد من الذهب والفضه في جسم مركب منهما  
فخذ مقدارا من الذهب الخالص وتعرف وزنه في الهواء ثم خذ كفتين متساويتين  
مقتشبتين من ميزان وعمود مقتشبه الاجزاء اسطوانا في الكل وضع  
الذهب في احد الكفتين في الماء في الاخرى ما يثقلها وعمل العمود  
موازيا للاق واعرف مقداره ثم اعرف سبه الوزن الهوائي للذهب  
الي وزنه الخالي وكذلك فخذ فضه خالصه واعرف سبه وزنها الهوائي  
الي وزنها الخالي فان كانت السبه مثل سبه وزن الذهب الهوائي  
الي وزنها الخالي فان المركب من الذهب الخالص كما شئ فيه من الفضه وان  
كانت السبه مثل سبه الفضه فان المركب هو من الفضه لا شئ فيه من الذهب  
وان كانت السبه فيما بينهما فيفيد ان يكون الجرم مركب منهما وجهه ان

عكس رساله از خيام از روى

ان تعرف منه اكل واحد منهما بالوزن الهوائي ونفرض مقدار الذهب  
 آة مكروى آة وزن الذهب الهوائي ووزنه الخالي  $\frac{1}{2}$  آة ويكون  $\frac{1}{2}$  آة  
 وزن الفضة الهوائي ووزنه الخالي ومعلوم ان نسبة آة الي آة  
 اصغر من نسبة آة الي آة لان الذهب في الماء اشقل من المركب منه ومن  
 الفضة على ما يتكفل به فان صاحب العلم الطبيعي ونسبة آة الي آة اعظم  
 من نسبة آة الي آة لان الفضة في الماء اعظم من المركب منه ومن الذهب ونسبة  
 نسبة آة الي آة الي آة الي آة فيكون بذلك اضطرار يكون آة اصغر من  
 ونسبة آة الي آة الي آة الي آة فيكون نسبة جميع آة الي جميع آة  
 كنسبة آة الي آة كما بين في خاصية الاصل صولته ونسبة آة الي آة  
 معلومة يكون نسبة آة الي آة معلومة ومعلوم يكون آة معلومة و  
 الباقي معلوما ونسبة آة الي آة معلومة وكذلك نسبة آة الي آة معلومة  
 يكون نسبة آة الي آة معلومة وكذلك الي آة ونسبة معلومة فيكون  
 معلوما وهو مقدار الفضة وهذه اشياء تبرز عن في المعطيات ونضع لهذا  
 مثالا ليكون اسهل فليكن نسبة وزن الفضة الهوائي الي وزنها الخالي كنسبة  
 عشرة الي عشرة ونسبة وزن الذهب الهوائي الي وزنها الخالي كنسبة  
 عشرة الي احدى عشرة واخذنا مقدارا مركبا من هاتين في الهواء فوجدناه  
 عشرة وعلامه ارباع ووزناه في الماء فوجدناه عشرة ونسبة عشرة الي عشرة وعلامه  
 ارباع اعظم من نسبة عشرة الي احدى عشر واصغر من نسبة عشرة الي عشرة ونفقت  
 فقلنا ان بالحققة مركب منهما  
 من المثال المتقدم عشرة ومقدار آة عشرة وعلامه ارباع و آة مقدار الذهب  
 بالفرض ولا نعلم عدده و آة مقدار وزنه الخالي وقد قلنا ان نسبة آة  
 الي آة كنسبة آة الي آة

نسخة خطي كتابخانه «كوتاه»

|   |   |
|---|---|
| ا | ب |
| ح | ك |

# از دکتر ارانی :

## ۱ - سلسله اصول علوم دقیقه

کتاب I. - فیزیک . شامل ۱۲ جزء : ۱ - قوه ؛ ۲ - حرارت ؛ ۳ - خواص هندسی نور ؛ ۴ - مقناطیس و الکتریسیته ؛ ۵ - مکانیک ؛ ۶ - ترمو دینامیک ؛ ۷ - موج و صوت ؛ ۸ - خواص فیزیکی نور ؛ ۹ - خواص تناوبی در الکتریسیته ؛ ۱۰ - فیزیک جدید ؛ ۱۱ - عملیات و محاسبات در فیزیک ؛ ۱۲ - جداول مهم صنعتی و فیزیکی ؛

کتاب II شیمی : شامل ۱۲ جزء : ۱ - قوانین و عملیات شیمی ؛ ۲ - شبه فلزات ؛ ۳ - فلزات ؛ ۴ - شیمی آلی ؛ ۵ - متمم شبه فلزات ؛ ۶ - متمم فلزات ؛ ۷ - متمم شیمی آلی ؛ ۸ - فیزیکوشیمی ؛ ۹ - تجزیه شیمیائی ؛ ۱۰ - لابراتوار و محاسبات ؛ ۱۱ - تکولوژی شیمی ؛ ۱۲ - جداول شیمی

کتاب III. - بیولوژی : ۱ - نباتات ؛ ۲ - حیوانات .

## کتاب IV. - پسیکولوژی :

۱ - پسیکولوژی عمومی ۲ - پسیکولوژی خصوصی (بشر فاسفی ، اجتماعی و اقتصادی)

کتاب V. - اصول مادی دیالک تیک : ۱ - اصول فلسفه مادی ۲ - دیالک تیک ؛

کتاب سلسله توسط متخصصین تألیف میشود

## ۲ - رسالات مختلفی

که ناشر کتاب در آنها شرکت کرده یا از خود ناشر است

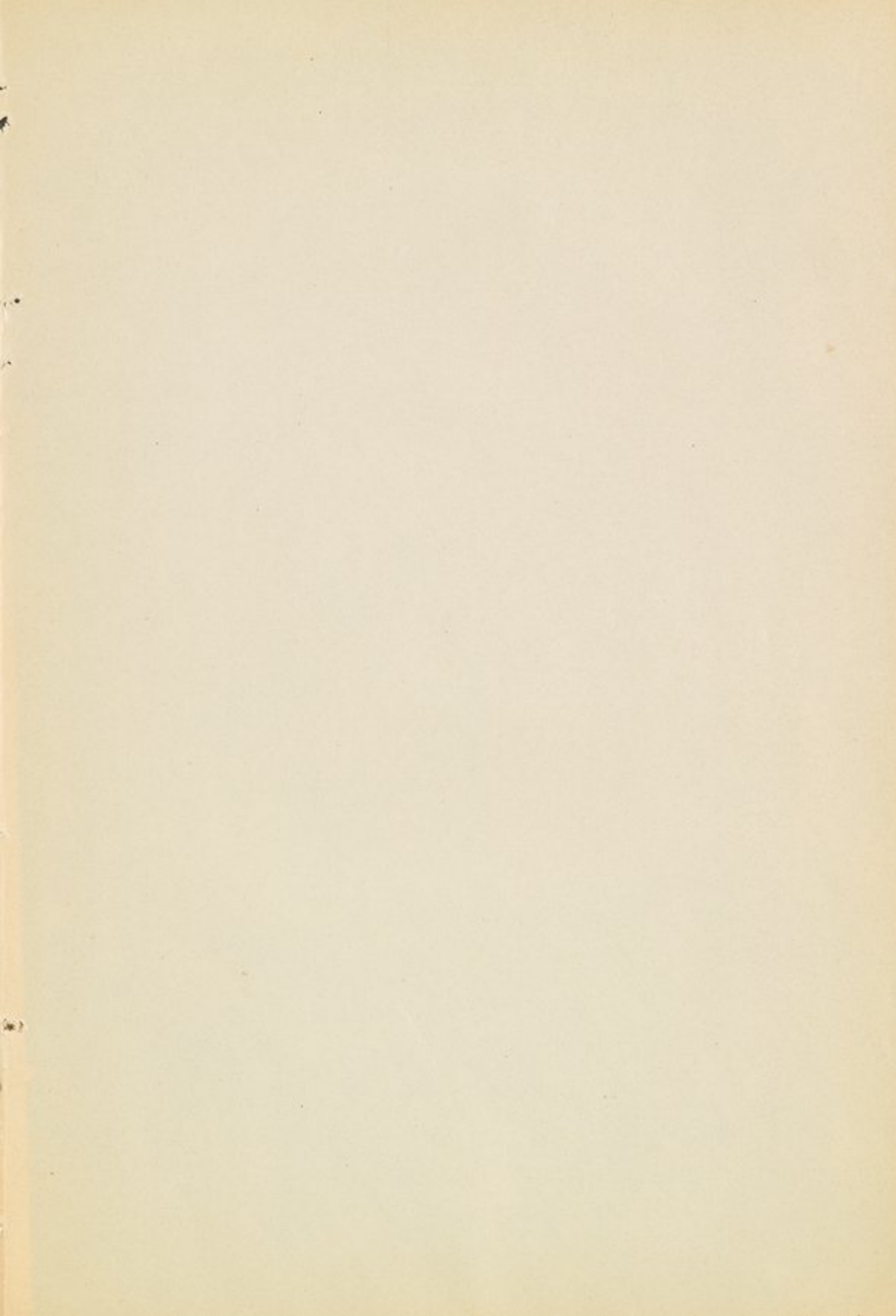
تئوریهای علم - کاتالیزورها و جوهر هیو فسفروز - رباعیات خیام - تألیقات ناصر خسرو - بدایع سعیدی - رساله حاضر - مجله دنیا ( که در مسائل علمی ، صنعتی فلسفی ، اجتماعی و هنری از نظر مادی بحث میکنند )

## ۳ - کتب تخصصی

که یادداشت و تألیف میشود :

دینامیک اتم و امواج ؛ لابراتوار و صنعت فیزیکوشیمی ؛ دینامیک دردینامیک ؛ دیالک تیک عمومی تدوین ناشر سلسله که منظره تمام علوم را تحت اشعه دیالک تیک نشان میدهد ؛ شطرنج دنیا ؛ سی سال ایران ؛ شعله تاریخی آهنگر ؛ پشت آن دیوار بلند ک . ؛ تاریخچه افکار و متفکرین ؛ از لای اوراق باطله .











Discussion of Difficulties  
of Euclid

by

*Omar Khayyam*

*Edited with an Introduction*

by

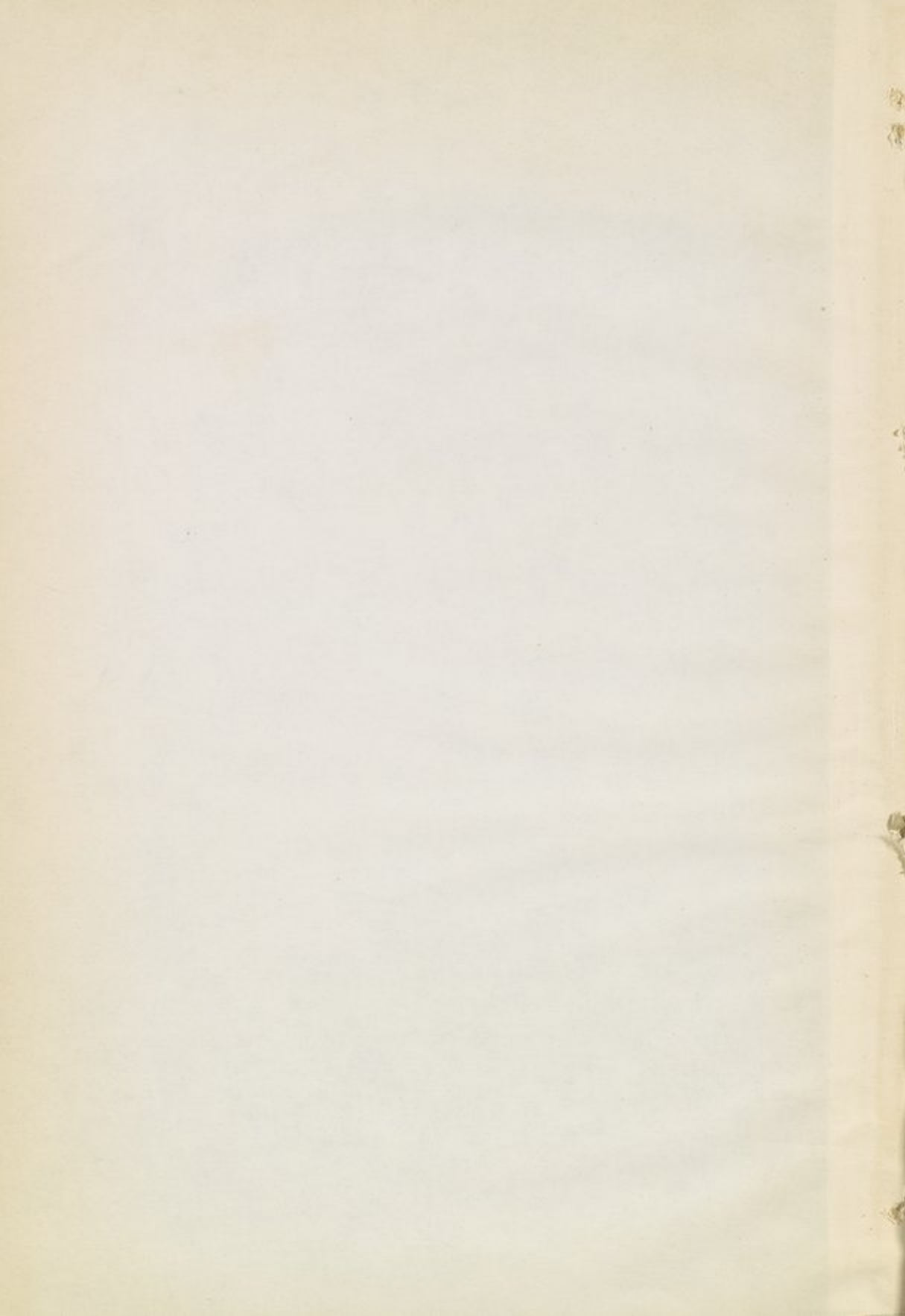
**Dr. T. Erani**

*Former lecturer in Oriental Rhetoric and Logic  
at the University of Berlin.*

---

Teheran 1/2/1936

~~~~~  
Imp. Sirousse



LIBRARY
OF
PRINCETON UNIVERSITY

Princeton University Library



32101 076317971